



Wave motion and sound waves

N. Srimanobhas
Norraphat.Srimanobhas@cern.ch

<https://twiki.cern.ch/twiki/bin/view/Main/PhatSrimanobhasTeaching>





● Wave motion and sound waves

- ▶ Propagation of a disturbance & types of mechanical waves
- ▶ Wave function & wave equation
- ▶ Sinusoidal wave
- ▶ Rate of energy transfer by sinusoidal wave on string
- ▶ Sound wave
 - ➔ Speed of sound wave
 - ➔ Intensity of periodic sound wave
 - ➔ Doppler effect

นิสิตควรทำแบบฝึกหัดทุกข้อ ในเอกสารนี้ ให้ได้เอง
และฝึกทำแบบฝึกหัดท้ายบทของหนังสืออ้างอิงเพิ่มเติม

คลื่นกล (Mechanical wave)



คลื่นที่เคลื่อนที่ไปโดยการสั่นของตัวกลาง มีการส่งผ่านพลังงานไป
ในตัวกลาง

- ▶ ต้องมีการรบกวนระบบ (ใส่พลังงานเข้าไปในระบบ)
- ▶ ต้องอาศัยตัวกลาง แต่ตัวกลาง**ไม่ได้เคลื่อนที่ตามคลื่น** แต่จะ**สั่น**

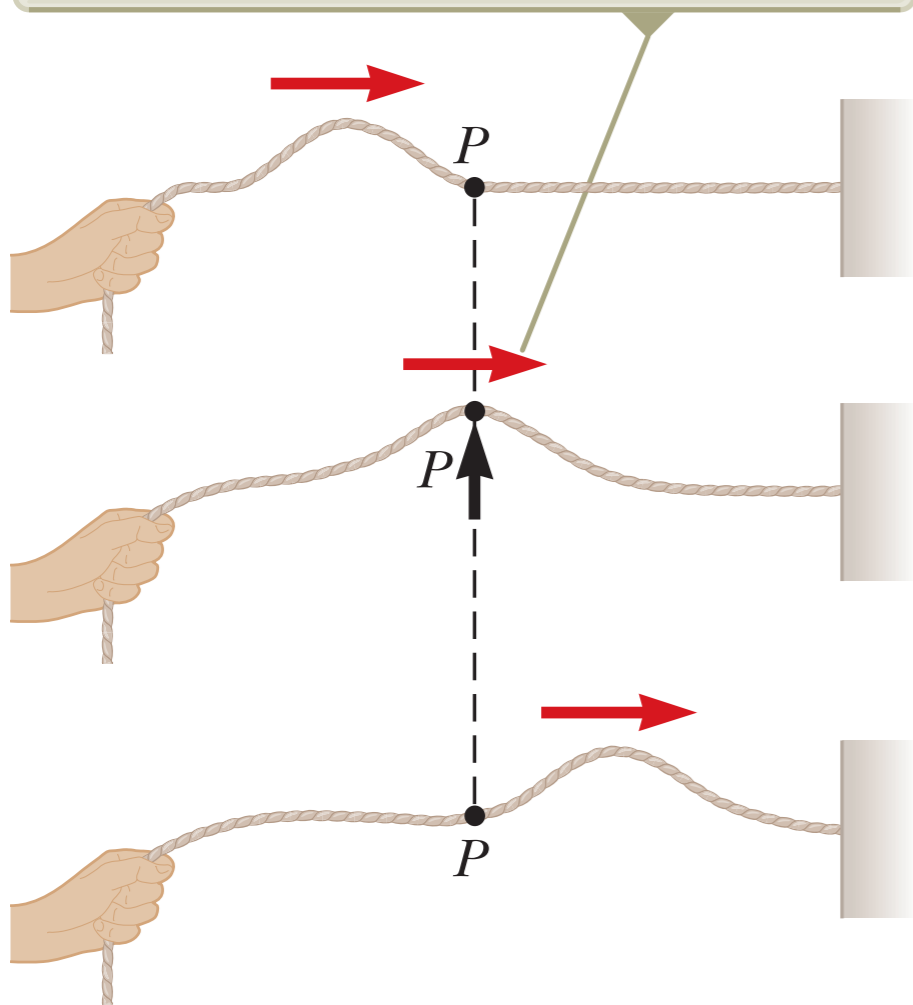
ไปมารอบจุดสมดุล

- ▶ การเคลื่อนที่ของคลื่นจะส่งผ่านพลังงานจากบริเวณหนึ่ง ๆ ของ
ตัวกลางไปสู่บริเวณอื่น ๆ

คลื่นตามขวาง (Transverse wave)



The direction of the displacement of any element at a point P on the string is perpendicular to the direction of propagation (red arrow).



อนุภาคตัวกลางเคลื่อนที่ (หรือสั่น) ในแนวตั้งฉากกับการเคลื่อนที่ของคลื่น ตัวอย่างเช่น

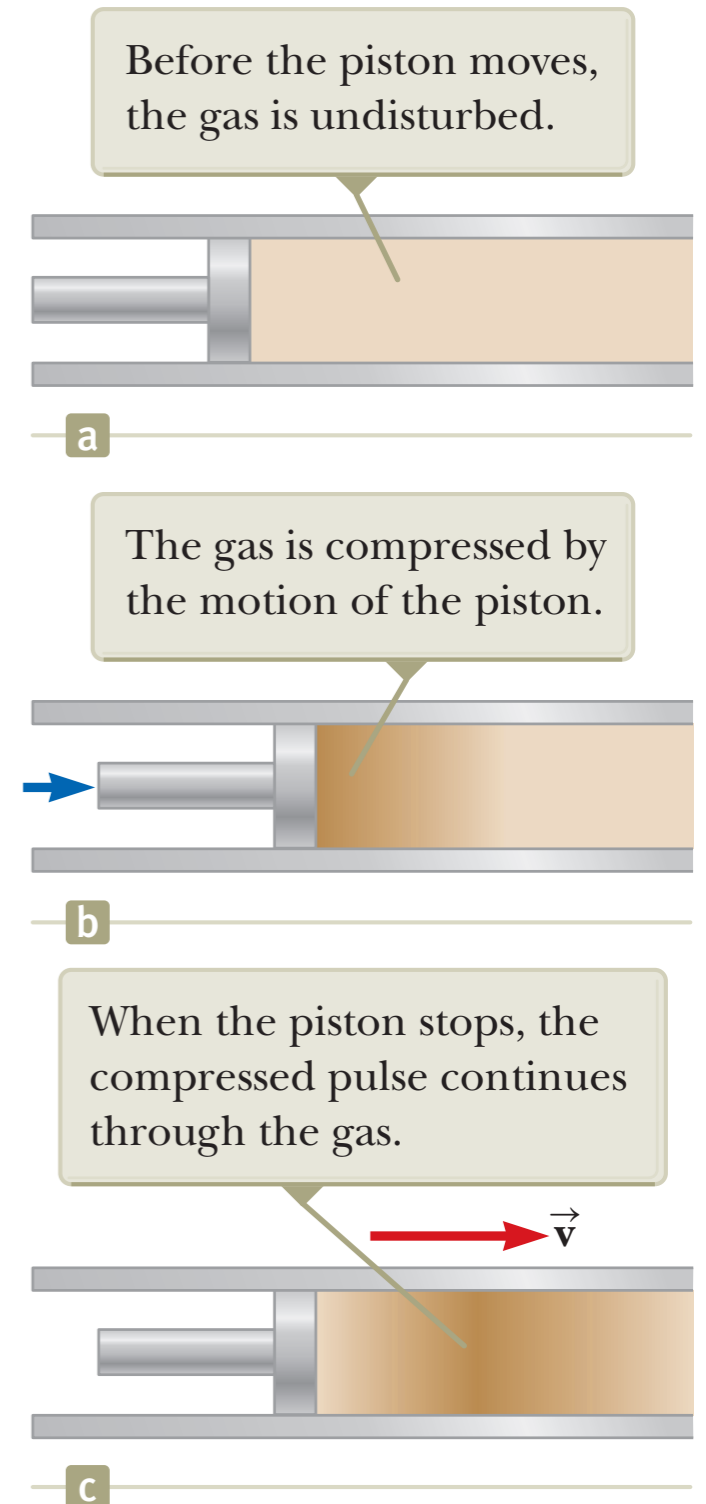
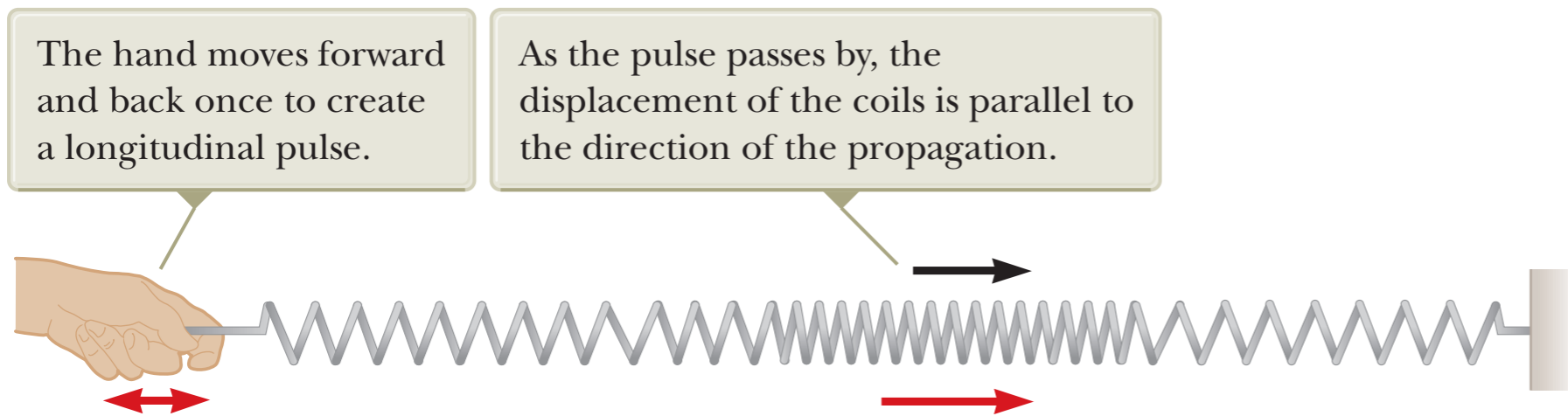
- ▶ คลื่น ในเส้นเชือก

คลื่นตามยาว (Longitudinal wave)



อนุภาคตัวกลางเคลื่อนที่ (หรือสั่น) ในแนวเดียวกับการเคลื่อนที่ของคลื่น ตัวอย่างเช่น

- ▶ คลื่นเสียง
- ▶ คลื่นในสปริง



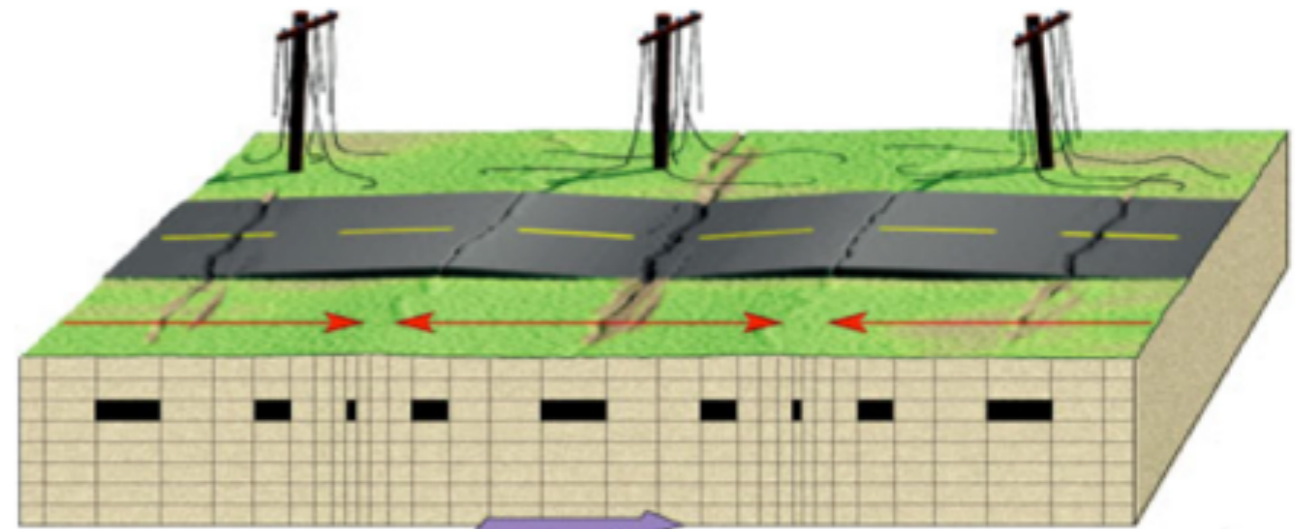
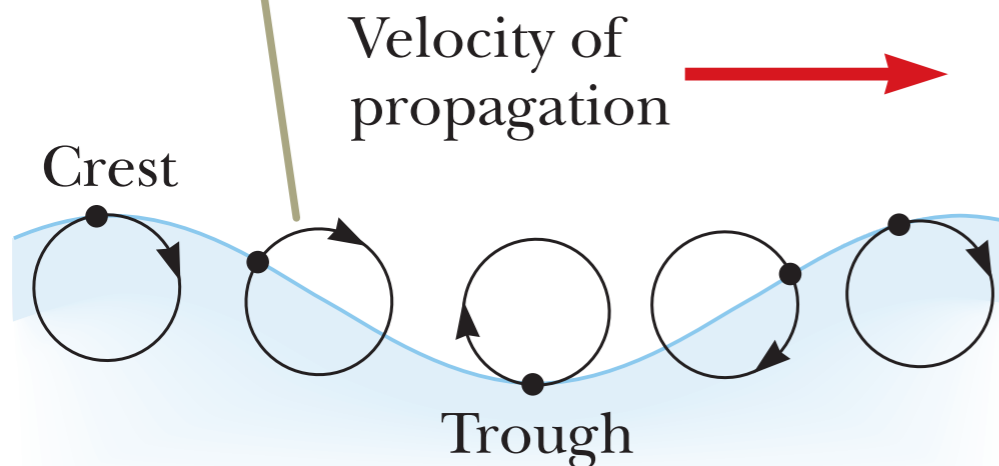
คลื่นที่ผิว (Surface waves)



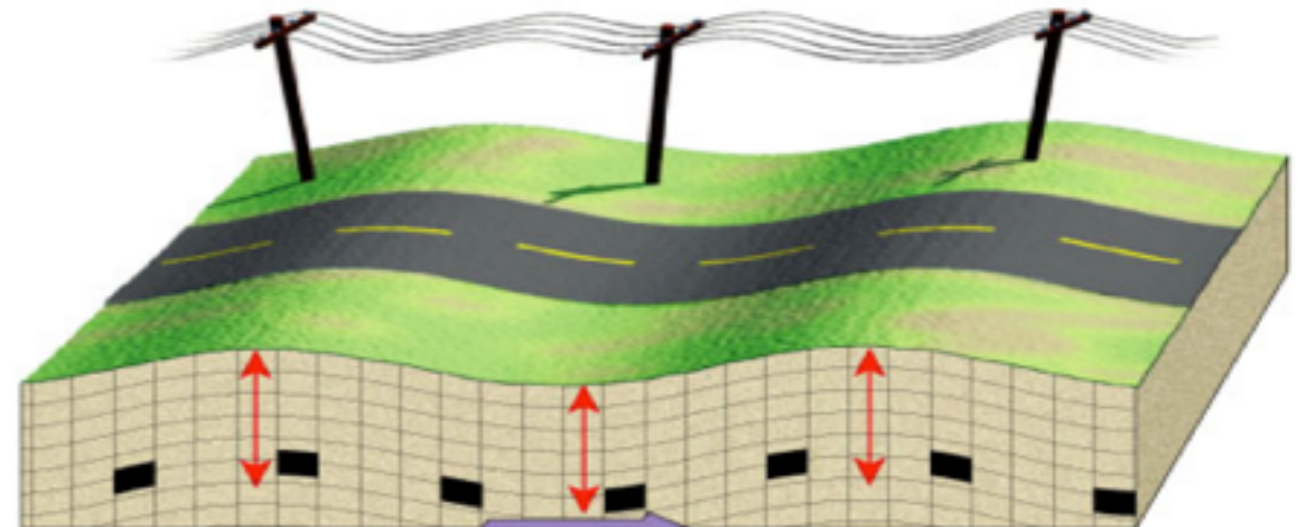
อนุภาคตัวกลางเคลื่อนที่ (หรือสั่น) ทั้ง 2 แนว

- ▶ คลื่นผิวน้ำ
- ▶ คลื่นแผ่นดินไหว

The elements at the surface move in nearly circular paths. Each element is displaced both horizontally and vertically from its equilibrium position.



The back-and-forth motion produced as P waves travel along the surface can cause the ground to buckle and fracture.

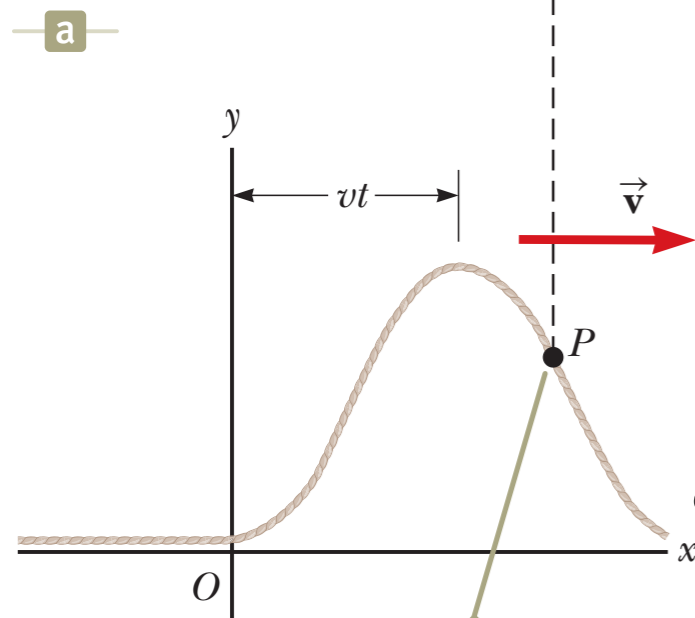
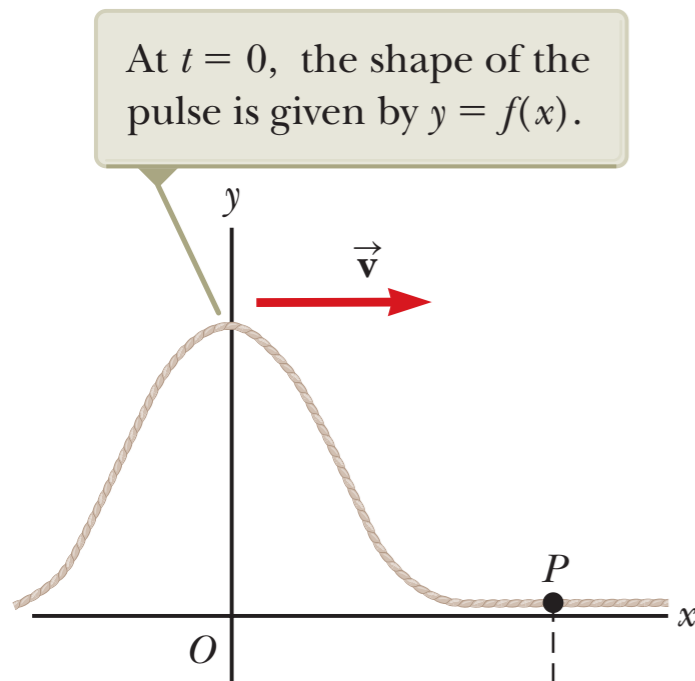


S waves cause the ground to shake up-and-down and sideways.

Primary waves

Secondary waves

ฟังก์ชันคลื่น (Wave function)



At some later time t , the shape of the pulse remains unchanged and the vertical position of an element of the medium at any point P is given by $y = f(x - vt)$.

พิจารณาความสูงของคลื่นที่เวลา t_1 และ t_2

$$y(x_1, t_1) = f(x_1 \pm vt_1)$$

$$y(x_2, t_2) = f(x_2 \pm vt_2)$$

เมื่อคลื่นเคลื่อนที่ไป รูปทรงของคลื่นยังเหมือนเดิม

$$y(x_1, t_1) = y(x_2, t_2)$$

หรือ

$$x_1 \pm vt_1 = x_2 \pm vt_2$$

พิจารณา ให้เวลาตอนเริ่มต้นเท่ากับศูนย์

$$t_1 = 0$$

$$x_1 = x_2 \pm vt_2$$

มองเข้า
หาคลื่น

ให้มีค่าคงที่ (เริ่มต้น)
คงที่

$x_1 = x_2 - vt$ → t เพิ่ม x_2 ต้องเพิ่ม → คลื่นไปทาง $+x$
 $x_1 = x_2 + vt$ → t เพิ่ม x_2 ต้องลด → คลื่นไปทาง $-x$

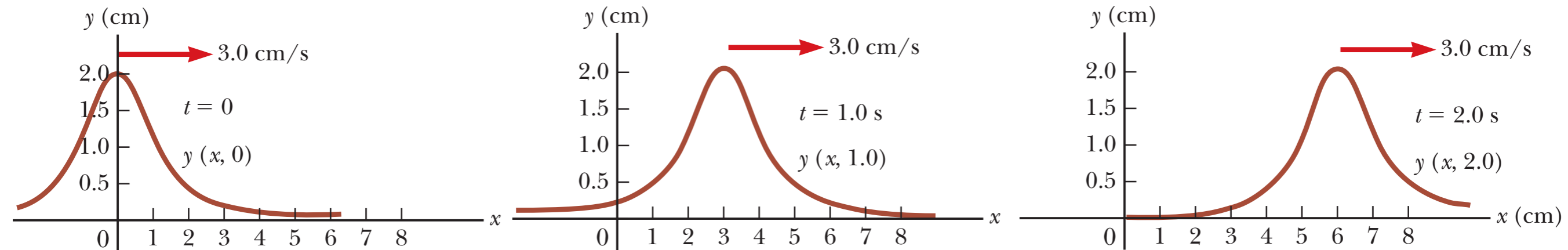
ตัวอย่าง - 1



คลื่นลูกหนึ่งเคลื่อนที่ไปทางขวาตามแนวแกน x ด้วยฟังก์ชันคลื่น

$$y(x, t) = \frac{2}{(x - 3.0t)^2 + 1}$$

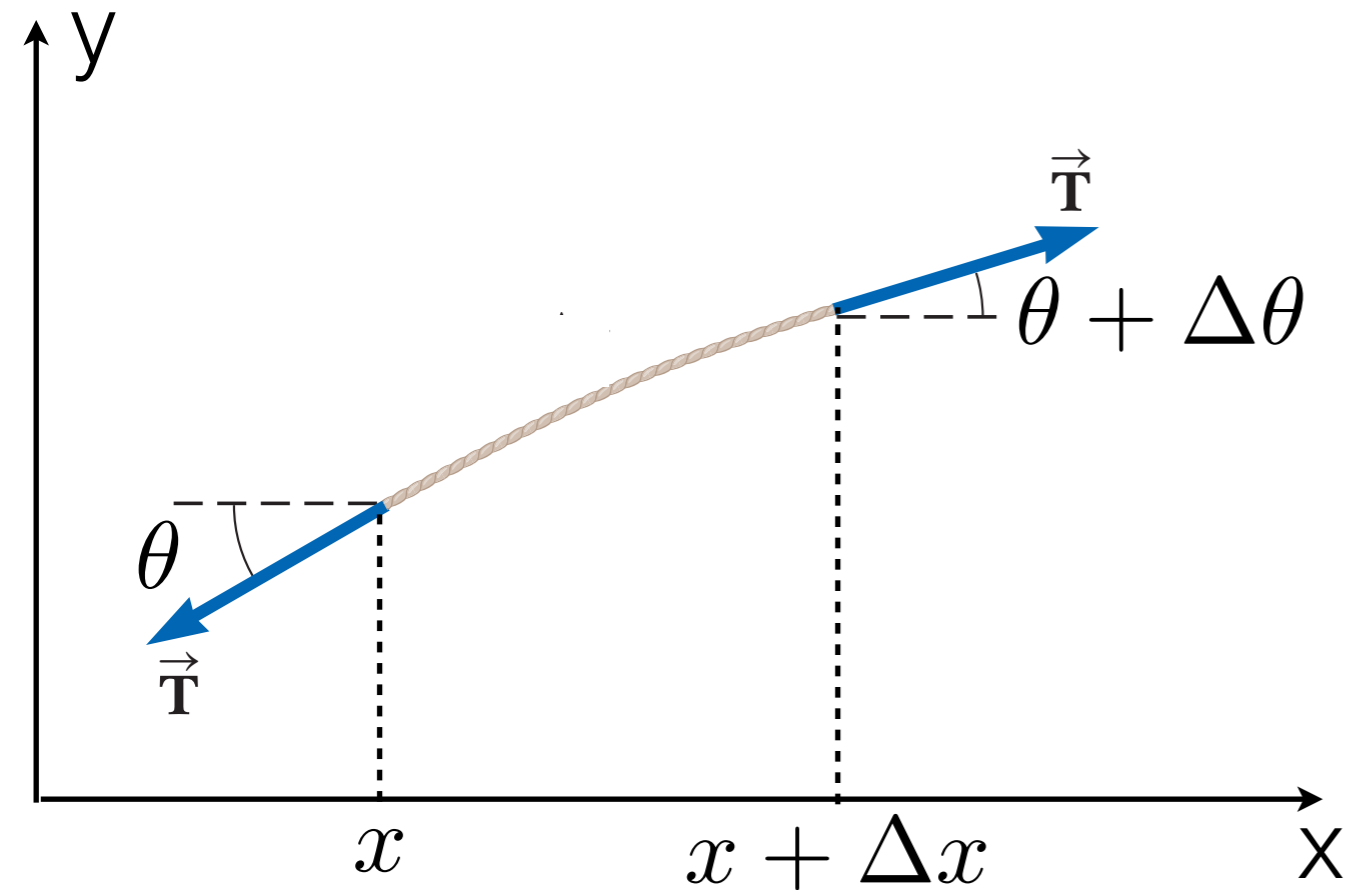
จงพิจารณาฟังก์ชันคลื่นที่เวลา $t = 0, 1$ และ 2 วินาทีตามลำดับ โดย x และ y อยู่ในหน่วยเซนติเมตร



สมการคลื่น (Wave equation)



พิจารณาคลื่น ในเส้นเชือก



จากกฎข้อ 2 ของนิวตัน

$$(dm)y = T(\sin(\theta + \Delta\theta) - \sin\theta) \approx T\Delta\theta$$

ให้ μ เป็นมวลต่อหน่วยความยาว

$$(dm) = \mu(\Delta x)$$

$$\mu(\Delta x)y = T\Delta\theta$$

หาค่า $\tan(\theta)$

$$\tan(\theta) = \frac{\partial y}{\partial x}$$

y ขึ้นอยู่กับ x และเวลา t

← จากรูปพิจารณา ณ เวลาหนึ่ง ๆ เท่านั้น

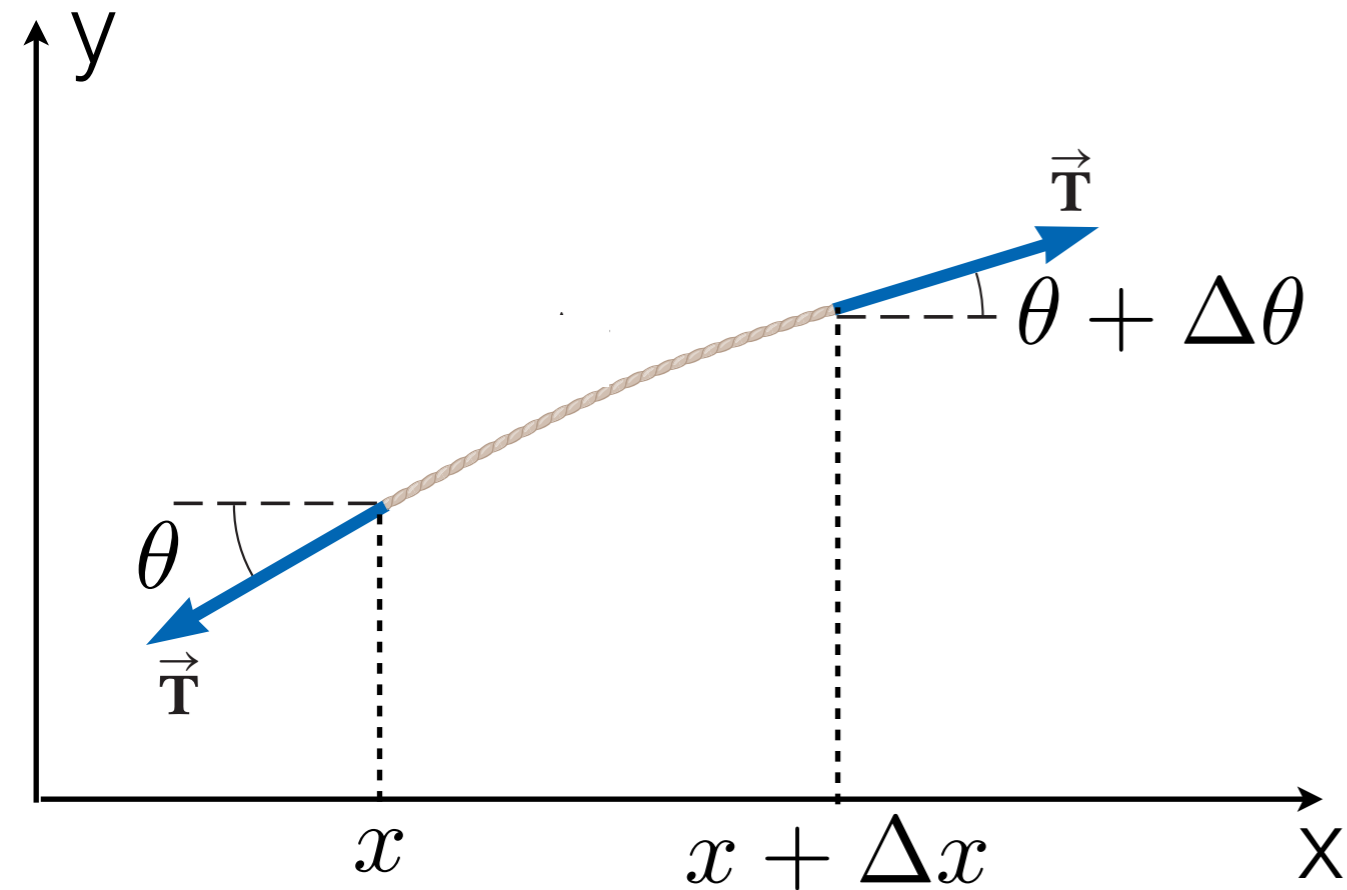
ทำ Derivative เทียบ x

พิจารณามุมเล็ก ๆ
 เทอมนี้ = 1 $\rightarrow \frac{1}{\cos^2 \theta} \frac{d\theta}{dx} = \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$

สมการคลื่น (Wave equation)



พิจารณาคลื่น ในเส้นเชือก



แทนค่าไปในกฎข้อที่ 2 ของนิวตัน

$$\mu(\Delta x) \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = T \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} (\Delta x)$$

$$\frac{\mu}{T} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$

y ควรอยู่ในรูปของ $f(x \pm Ct)$

C มีหน่วยเป็นความเร็ว [m/s]

เขียน C ด้วย $v = \sqrt{T/\mu}$

เราจะได้รูปทั่วไปของ **สมการคลื่น**

$$\frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 y}{\partial x^2}$$

ตัวอย่าง - 2



จงแสดงว่าฟังก์ชันคลื่นต่อไปนี้เป็นคำตอบที่เป็นไปได้ของสมการคลื่น โดยที่ b เป็นค่าคงที่

$$(a) y(x, t) = \ln[b(x - vt)]$$

$$(b) y(x, t) = e^{b(x-vt)}$$

$$(c) y(x, t) = x^2 + v^2 t^2$$

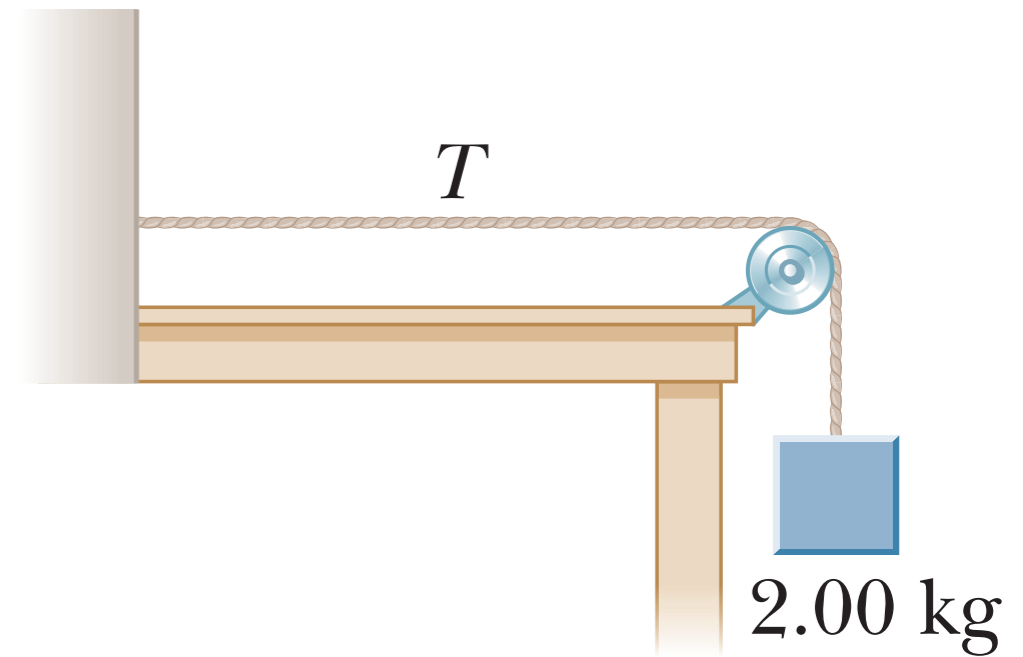
ตัวอย่าง - 2





ตัวอย่าง - 3

เชือกเส้นหนึ่งมีมวล 0.3 kg และยาว 6 m (ตามรูป) ยึดเชือกด้านหนึ่งไว้กับกำแพง อีกด้านหนึ่งคล้องผ่านรอกและผูกไว้กับมวล 2.0 kg จงหาความเร็วของคลื่นบนเชือกเส้นนี้



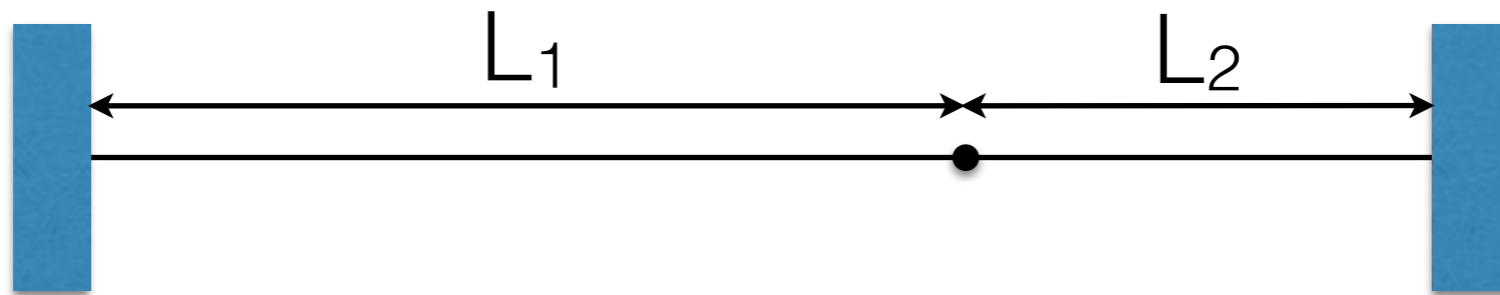
ตัวอย่าง - 4



จากรูป เชือกสองเส้นผูกปมเชื่อมเข้าด้วยกัน แล้วผูกปลายที่เหลือเข้ากับจุดตรึง กำหนดให้มวลต่อหน่วยความยาวของเชือกทั้งสองเส้นเป็น

$$\mu_1 = 1.4 \times 10^{-4} \text{ Kg/m}, \mu_2 = 2.8 \times 10^{-4} \text{ Kg/m}$$

กำหนดความยาวของเชือกเส้นที่หนึ่งเป็น $L_1 = 3.0 \text{ m}$ และ ของเชือกเส้นที่สอง $L_2 = 2.0 \text{ m}$ และเชือกเส้นที่หนึ่งมีแรงดึงเท่ากับ 400 N ถ้ามีการส่งคลื่นดลจากจุดตรึงที่ปลายเชือกทั้งสองออกมาพร้อมกัน ให้มีทิศทางวิ่งเข้ามาหาปม คลื่นดลจากปลายใดจะถึงปมของเชือกก่อน



ตัวอย่าง - 4

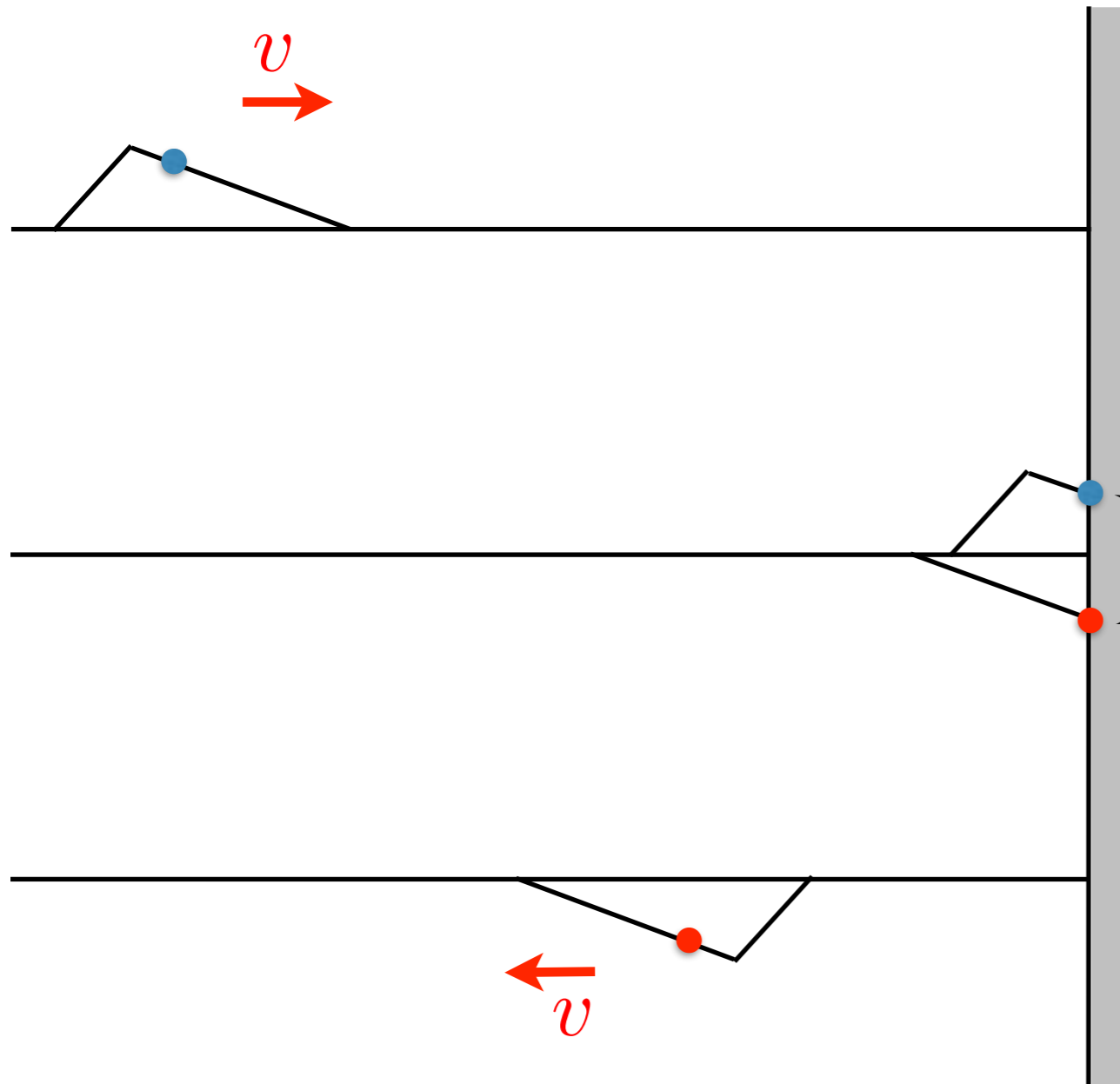


การสะท้อนของคลื่นในเส้นเชือก (ปลายตรึง/ปิด)



$$\frac{\partial y}{\partial t} = 0$$

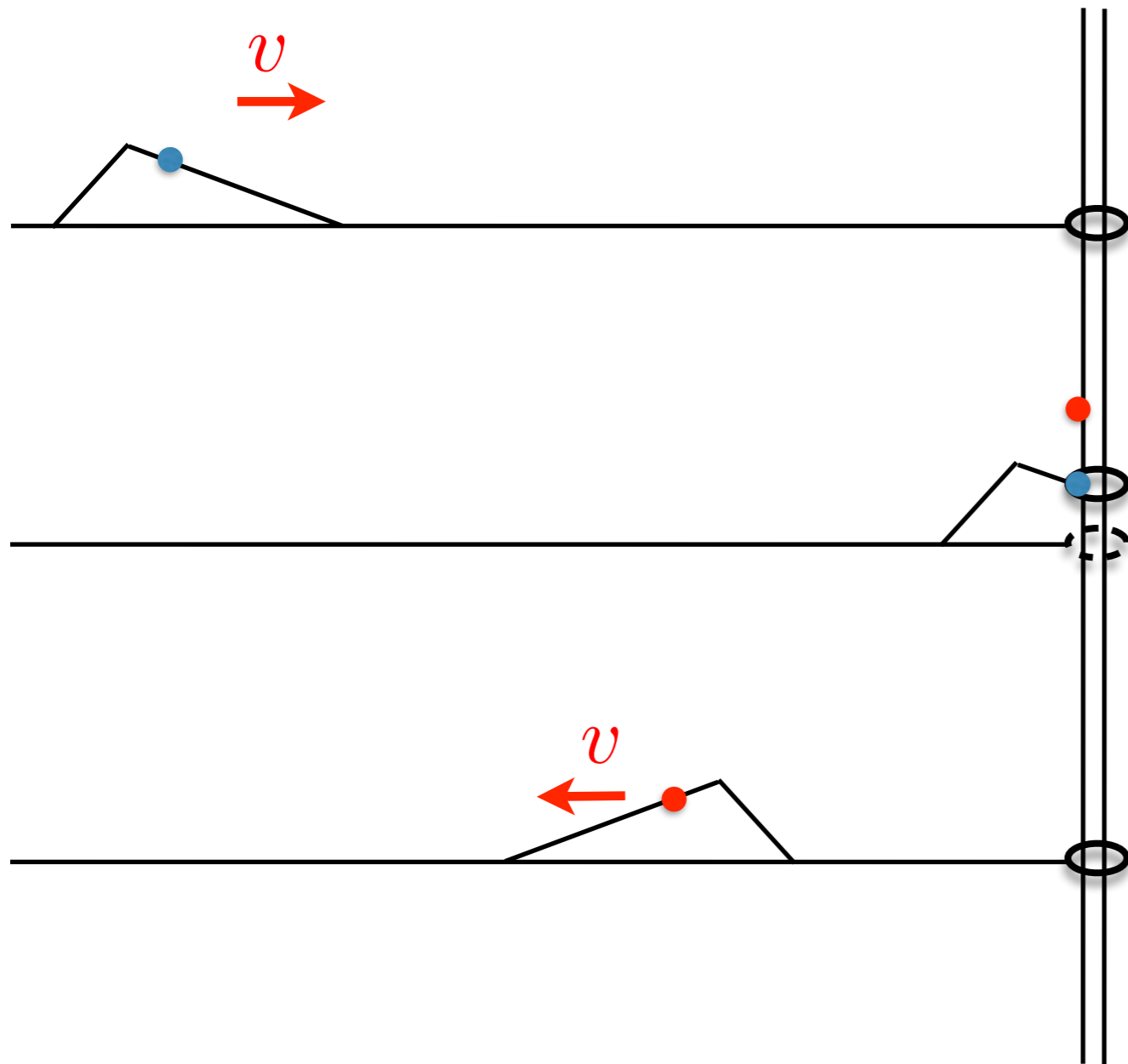
“ในการสะท้อนปลายตรึง คลื่นสะท้อนมีการกลับด้าน (จากบนเป็นล่าง ตามรูป) แต่รูปร่างเหมือนเดิม”



รวมแล้วได้
 $y = 0$

จุดตรึงสร้างคลื่นสะท้อนขึ้นมา

การสะท้อนของคลื่นในเส้นเชือก (ปลายอิสระ/เปิด)



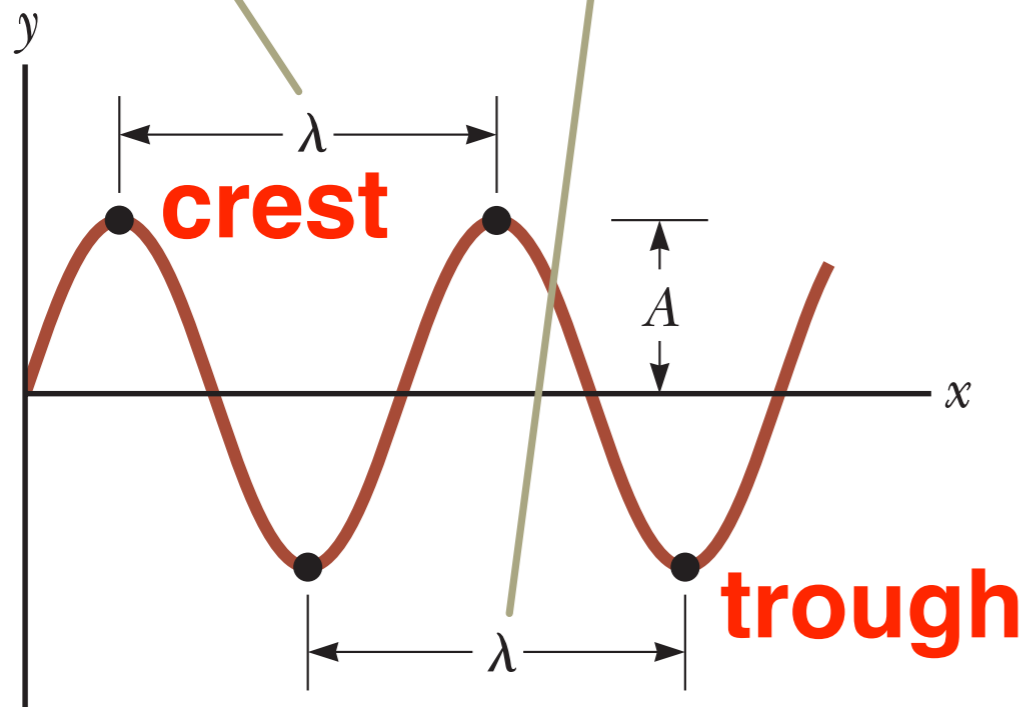
“ในการสะท้อนปลายอิสระ
คลื่นสะท้อนจะวิ่งกลับด้าน
เดิม (ด้านบน ตามรูป) และรูปร่างเหมือนเดิม”

พิเศษตรงบริเวณวงแหวนรั้วมว
วงแหวนได้ผลจากคลื่นที่เข้ามา
ในขณะเดียวกันก็สร้างคลื่นที่มี
Amplitude เดียวกันไปพร้อม ๆ
กัน บริเวณนี้เราจะเห็นคลื่นมี
Amplitude เป็น 2 เท่าของของ
เดิม

คลื่นรูปไซน์ (Sinusoidal wave)

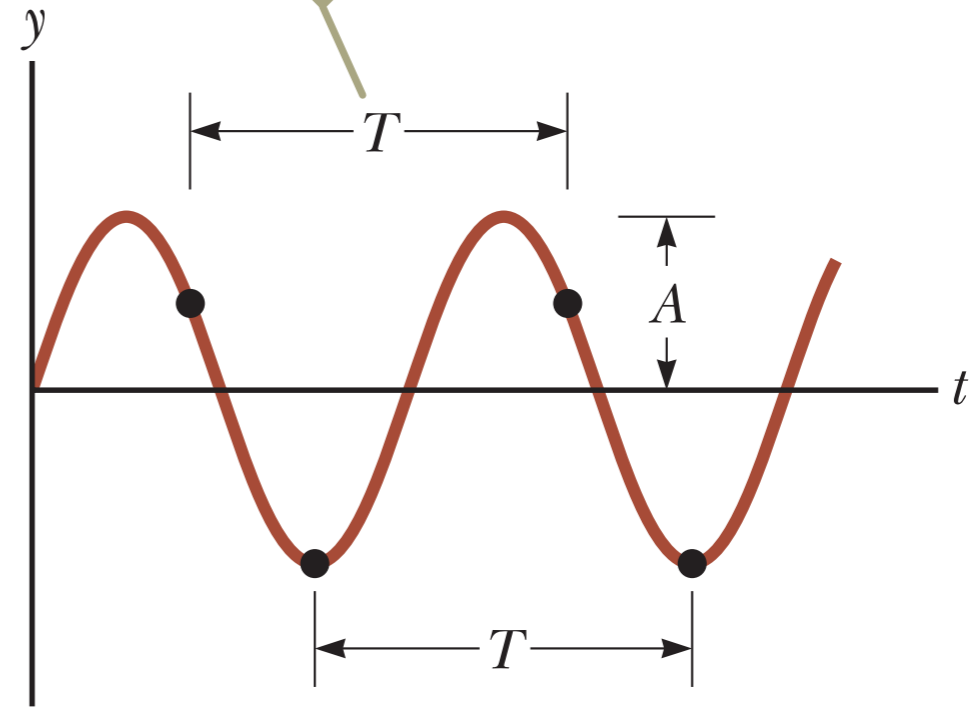


The wavelength λ of a wave is the distance between adjacent crests or adjacent troughs.



ตำแหน่งของกลุ่มของ
อนุภาค ในเวลาหนึ่ง ๆ

The period T of a wave is the time interval required for the element to complete one cycle of its oscillation and for the wave to travel one wavelength.

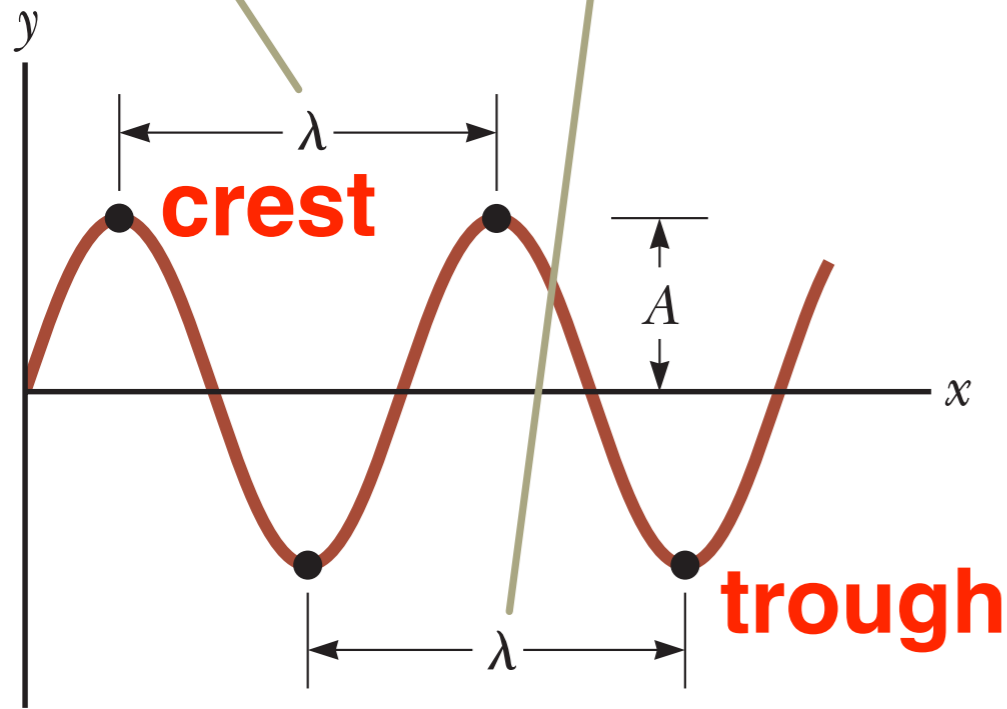


ตำแหน่งของอนุภาคตัว
หนึ่ง ในเวลาต่าง ๆ

คลื่นรูปไซน์ (Sinusoidal wave)



The wavelength λ of a wave is the distance between adjacent crests or adjacent troughs.



ตำแหน่งของกลุ่มของอนุภาค ในเวลาหนึ่ง ๆ

$x + vt$ คลื่นไปทางซ้าย (-x)
 $x - vt$ คลื่นไปทางขวา (+x)

พิจารณาที่เวลา $t = 0$

$$y(x, 0) = A \sin(ax)$$

$$y(0, 0) = A \sin(a0) = 0$$

$$y\left(\frac{\lambda}{2}, 0\right) = A \sin\left(a\frac{\lambda}{2}\right) = 0$$

$$a = \frac{2\pi}{\lambda}$$

สมการจะเป็นจริงก็ต่อเมื่อ

เราสามารถเขียนสมการคลื่นที่เวลา $t = 0$

$$y(x, 0) = A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda}x\right)$$

เราสามารถเขียนสมการคลื่นที่เวลา t ใด ๆ

$$y(x, t) = A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda}(x \pm vt)\right)$$

คลื่นรูปไซน์ (Sinusoidal wave)



รูปแบบของสมการที่เราได้สามารถเป็นคำตอบของฟังก์ชันคลื่นได้

$$\frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} \quad \leftarrow \text{เป็นหนึ่งในคำตอบได้} \quad y(x, t) = A \sin \left(\frac{2\pi}{\lambda} (x \pm vt) \right)$$

นิยาม

$k \equiv \frac{2\pi}{\lambda}$ **Angular wave number (wave number)** บอกถึงจำนวนของคลื่นในความยาวหนึ่ง ๆ (ในที่นี้คือ 2π)

$\omega \equiv \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$ **Angular frequency** เขียนให้ทั่วไปมากขึ้น

เขียนฟังก์ชันคลื่นใหม่ได้ว่า

Phase velocity
อัตราเร็วเฟส

$$v = f\lambda = \frac{\omega}{k}$$

$$y(x, t) = A \sin(\underbrace{kx \pm \omega t}_{\text{phase}})$$

เขียนให้ทั่วไปมากขึ้น

$$kx \pm \omega t + \phi$$

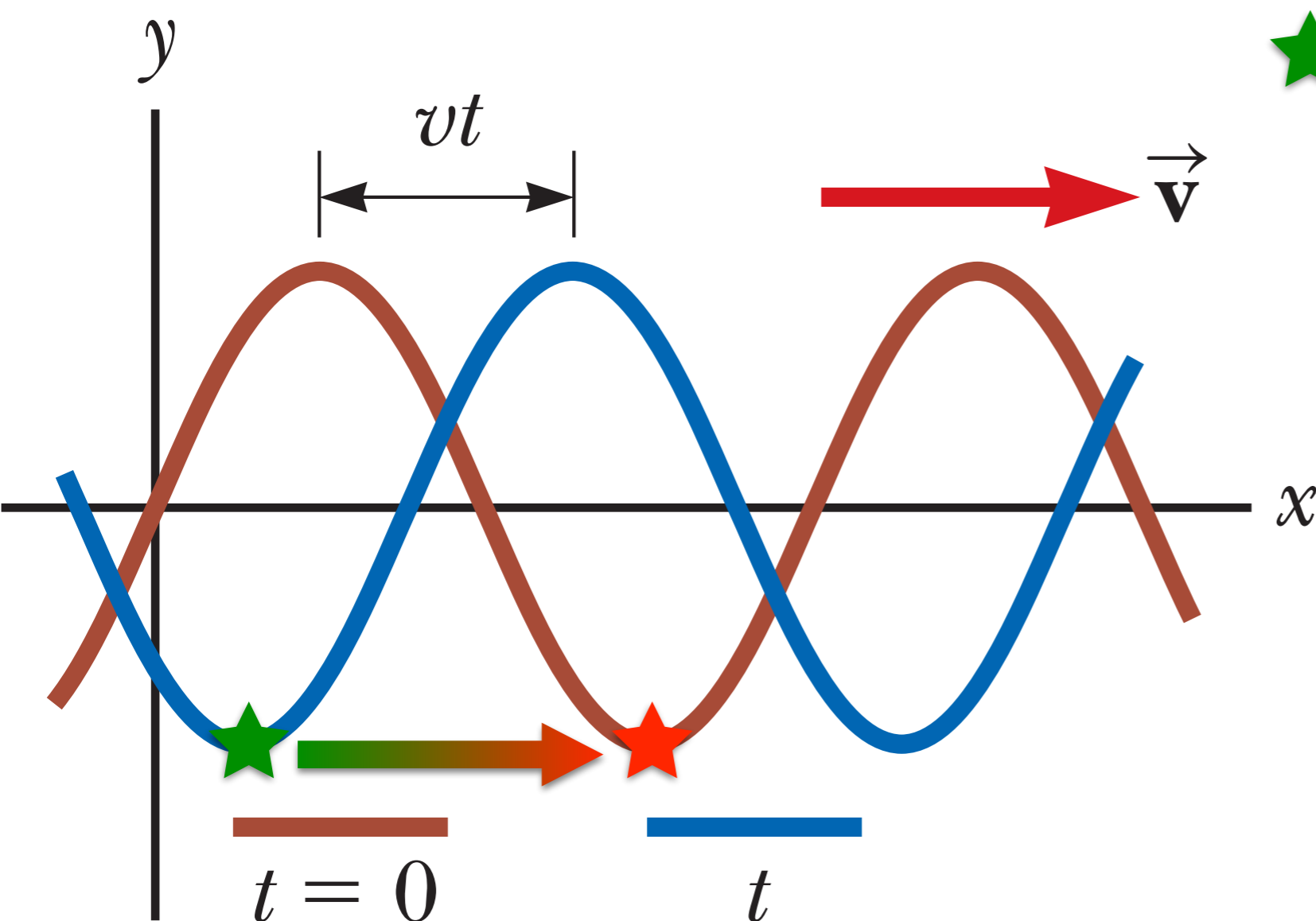
phase constant

คลื่นรูปไซน์ (Sinusoidal wave)



อัตราเร็วเฟส กับอัตราเร็วของอนุภาค ในตัวกลางไม่เหมือนกัน

เราสามารถหาความเร็วของคลื่นที่เคลื่อนที่ไป ในตัวกลางได้โดย การพิจารณาการเคลื่อนที่ของตำแหน่งที่มีเฟสเท่ากัน



$$\star kx_0 = kx - \omega t \star$$

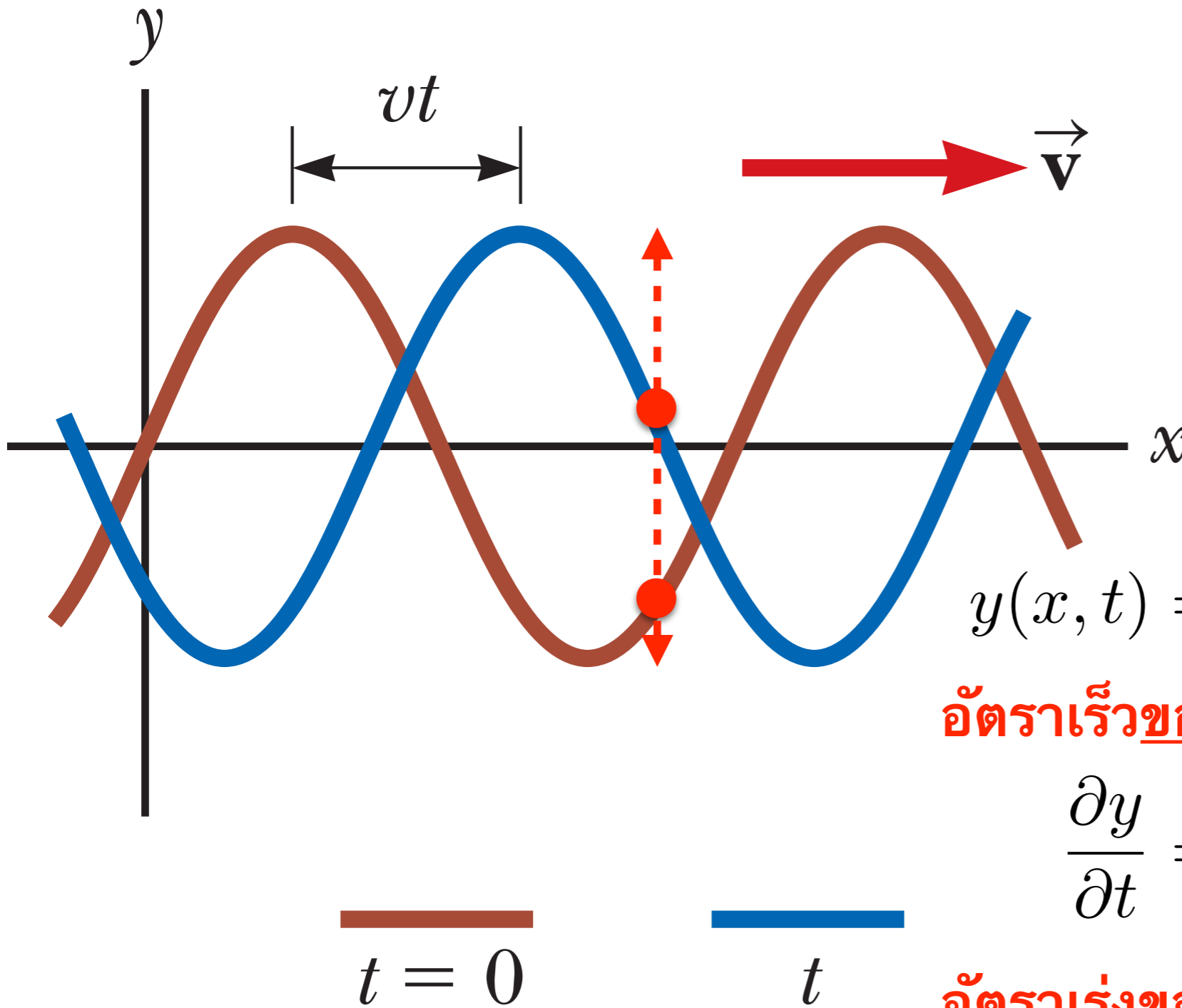
$$v = \frac{dx}{dt}$$

$$k \frac{dx}{dt} = \omega$$

$$v = \frac{\omega}{k} = \frac{2\pi f}{2\pi/\lambda} = f\lambda$$

↑
อัตราเร็วเฟส

คลื่นรูปไซน์ (Sinusoidal wave)



“คลื่นเคลื่อนที่ไปทางขวา
แต่
ตัวกลางของคลื่นเคลื่อนที่
ขึ้นลงเป็น SHM”

$$y(x, t) = A \sin(kx \pm \omega t)$$

อัตราเร็วของการสั่นของอนุภาค ในตัวกลาง

$$\frac{\partial y}{\partial t} = \pm \omega A \cos(kx \pm \omega t)$$

อัตราเร่งของการสั่นของอนุภาค ในตัวกลาง

$$\frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = \pm \omega^2 A \sin(kx \pm \omega t)$$

ตัวอย่าง - 5



มีฟังก์ชันคลื่นอยู่ 3 ฟังก์ชันคือ

$$(a) y(x, t) = 2 \sin(4x - 2t)$$

$$(b) y(x, t) = \sin(3x - 4t)$$

$$(c) y(x, t) = 3 \sin(3x - 3t)$$

- (1) จงเรียงลำดับคลื่นตามอัตราเร็วเฟส จากมากไปน้อย
- (2) จงเรียงลำดับอัตราเร็วสูงสุดของตัวกลาง จากมากไปน้อย

ตัวอย่าง - 5



ตัวอย่าง - 6



คลื่นในเส้นเชือกมีสมการการกระจัดของอนุภาคเส้นเชือกในหน่วย
เมตรเป็น

$$y(x, t) = 15 \sin \left(\frac{\pi}{16} (2x - 64t) \right)$$

จงหา

- (1) อำพัน (Amplitude)
- (2) ความยาวคลื่น
- (3) คาบ
- (4) อัตราเร็วเฟส
- (5) อัตราเร็วสูงสุดของอนุภาคตัวกลางในเส้นเชือกนี้
- (6) อัตราเร็วของอนุภาคตัวกลางที่ตำแหน่ง 6 m ณ เวลา 0.25 วินาที
- (7) อัตราเร่งของอนุภาคตัวกลางที่ตำแหน่ง 6 m ณ เวลา 0.25 วินาที

ตัวอย่าง - 6

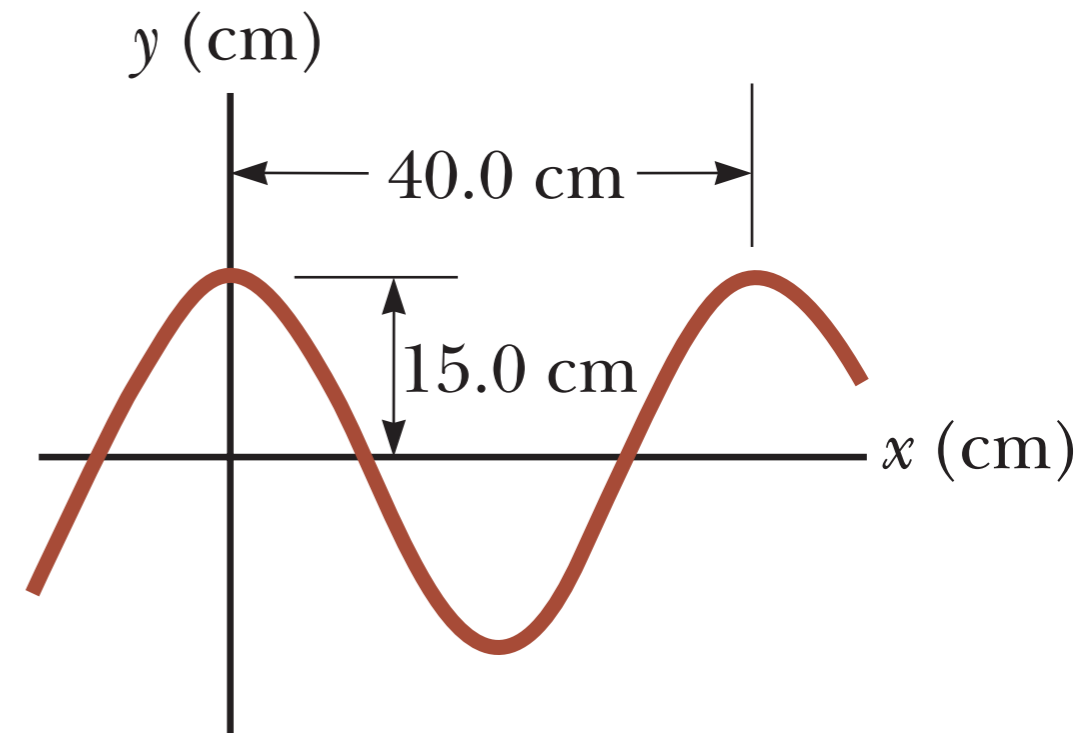


ตัวอย่าง - 7



คลื่นรูปไซน์วิ่งไปในทิศ $+x$ มีค่าแอมพลิจูด (Amplitude) เท่ากับ 15 ซม. มีความยาวคลื่น 40 ซม. และมีความถี่ 8 เฮิรตซ์ ณ เวลา $t=0$ การกระจัดของอนุภาค ณ ตำแหน่ง $x=0$ คือ 15 ซม. ตามรูป จงหา

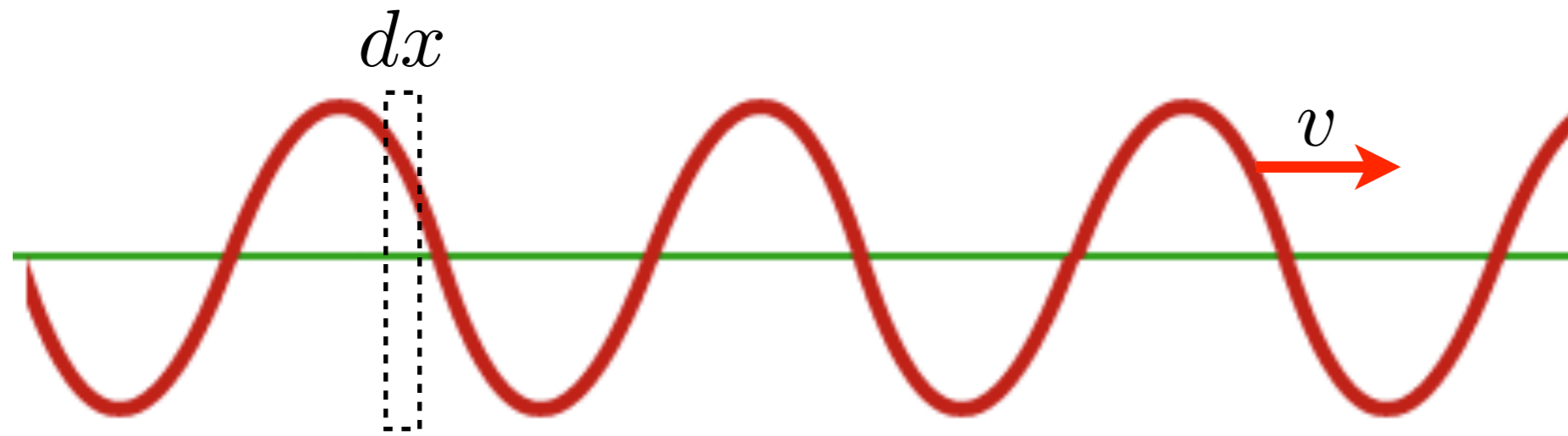
- (1) เลขคลื่น (k)
- (2) คาบ
- (3) ความถี่เชิงมุม
- (4) อัตราเร็วเฟส
- (5) ค่าคงที่ของเฟส (phase constant)
- (6) ฟังก์ชันคลื่นของคลื่นนี้



ตัวอย่าง - 7



พลังงานจลน์ของคลื่นในเส้นเชือก



$$T, \mu, v^2 = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

$$y(x, t) = A \sin[k(x - vt)]$$

พิจารณาพลังงานจลน์ของก้อนมวล dm ที่แกว่งขึ้นลง

$$dE_k = \frac{1}{2} (dm) v_y^2 \longleftarrow \frac{\partial y}{\partial t} = -Akv \cos[k(x - vt)]$$

$$dm = \mu dx \qquad = \frac{\lambda}{2}$$

$$E_k = \frac{1}{2} \mu A^2 k^2 v^2 \int_0^\lambda \cos^2 k(x - vt) dx$$

$\frac{2\pi}{\lambda}$ $\sqrt{\frac{T}{\mu}}$

**พลังงานจลน์ของคลื่น
1 wavelength**

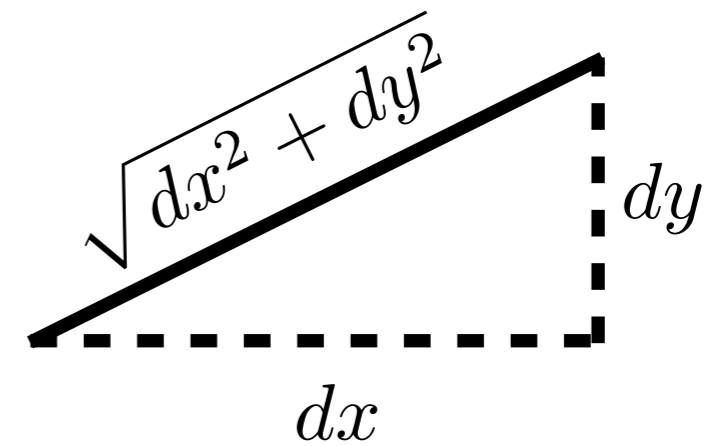
$$E_k = \frac{A^2 \pi^2 T}{\lambda}$$

$$= \frac{1}{4} \mu \omega^2 A^2 \lambda$$

พลังงานศักย์ของคลื่นในเส้นเชือก



พลังงานศักย์ขึ้นอยู่กับระยะยืดของเชือก
จากรูปด้านขวา เชือกจะยืดออกจากระยะ
เดิมเท่ากับ $\sqrt{dx^2 + dy^2} - dx$



$$\begin{aligned}\sqrt{dx^2 + dy^2} - dx &= dx \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} - dx \\ &\approx dx \left(1 + \frac{1}{2} \left(\frac{dy}{dx}\right)^2\right) - dx \\ &\approx \frac{1}{2} \left(\frac{dy}{dx}\right)^2 dx\end{aligned}$$

พลังงานศักย์หาได้จาก

$$dU = T \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{dy}{dx}\right)^2 dx$$

แทนค่า

$$y(x, t) = A \sin[k(x - vt)]$$

และอินทิเกรต 0 ถึง λ

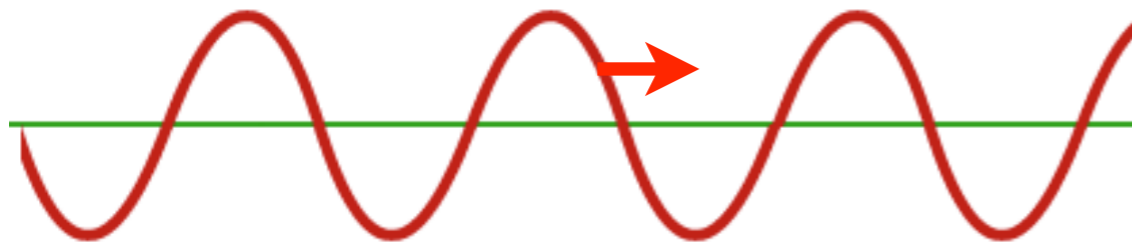
**พลังงานศักย์ของคลื่น
1 wavelength**

$$\begin{aligned}U &= \frac{A^2 \pi^2 T}{\lambda} \\ &= \frac{1}{4} \mu \omega^2 A^2 \lambda\end{aligned}$$

**เท่ากับพลังงานจลน์ของ
คลื่น 1 wavelength**



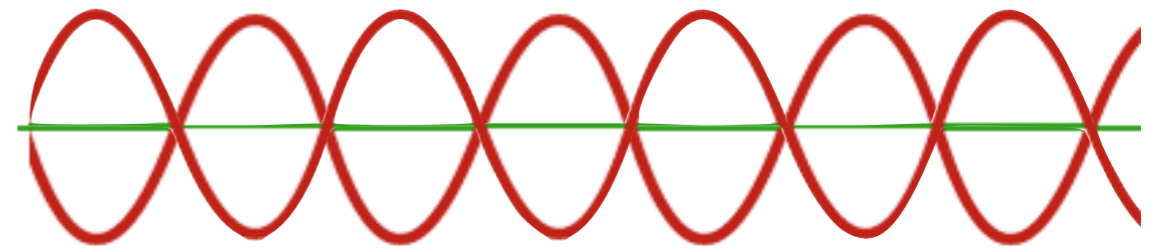
คลื่นที่เคลื่อนที่ไป Traveling wave



พิจารณาพลังงาน ณ ขณะหนึ่ง ๆ

$$\begin{aligned} E_{total} &= E_k + U \\ &= \frac{2A^2\pi^2T}{\lambda} \\ &= \frac{1}{2}\mu\omega^2 A^2\lambda \end{aligned}$$

คลื่นสถิต Standing wave



พิจารณาพลังงาน ณ ขณะหนึ่ง ๆ
เลือกขณะที่คลื่นกำลังจะ
เคลื่อนที่กลับทิศ (บนสุดกลับลง
ล่าง หรือล่างสุดจะขึ้นบน) คลื่น
จะมีแต่พลังงานศักย์เท่านั้น

$$E_{total} = \frac{A^2\pi^2T}{\lambda}$$

อัตราการส่งผ่านพลังงานของคลื่นในเส้นเชือก



กำลังเฉลี่ย หรืออัตราการส่งผ่านพลังงานเฉลี่ย (ทั้งพลังงานจลน์ และ พลังงานศักย์)

$$\begin{aligned} P &= \frac{E}{t} = \frac{2A^2\pi^2T}{\lambda} \left(\frac{v}{\lambda}\right) \\ &= \frac{2A^2\pi^2Tv}{\lambda^2} \\ P &= \frac{E}{t} = \frac{1}{2}\mu\omega^2 A^2 \lambda \left(\frac{v}{\lambda}\right) \\ &= \frac{1}{2}\mu v\omega^2 A^2 \end{aligned} \quad \left. \vphantom{\begin{aligned} P &= \frac{E}{t} = \frac{2A^2\pi^2T}{\lambda} \left(\frac{v}{\lambda}\right) \\ &= \frac{2A^2\pi^2Tv}{\lambda^2} \\ P &= \frac{E}{t} = \frac{1}{2}\mu\omega^2 A^2 \lambda \left(\frac{v}{\lambda}\right) \\ &= \frac{1}{2}\mu v\omega^2 A^2 \end{aligned}} \right\} \text{มีค่าเท่ากัน}$$

ตัวอย่าง - 8



ลวดเส้นหนึ่งมีมวลต่อหน่วยความยาว 525 g/m มีความตึง 45 N ถ้าปล่อยให้คลื่นที่มีความถี่ 120 Hz และมีอัมพลน 8.5 mm ให้เคลื่อนที่บนเส้นลวด คลื่นจะส่งผ่านพลังงานด้วยอัตราเท่าไร

ตัวอย่าง - 9

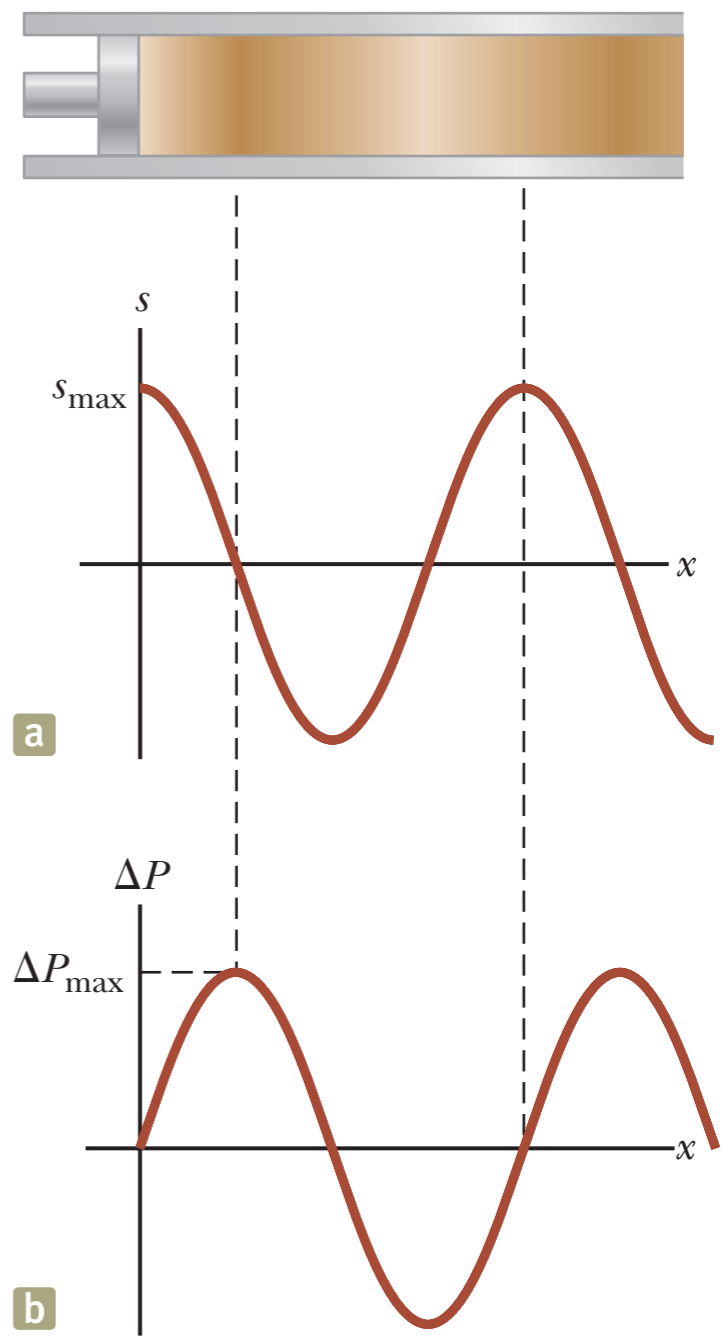
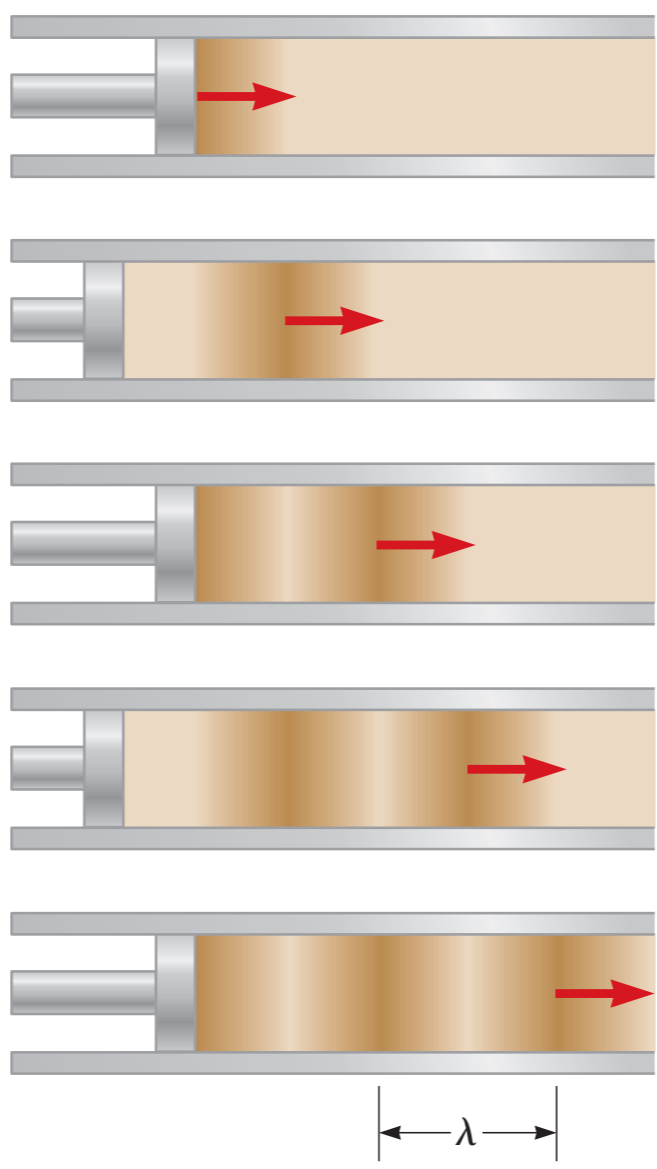
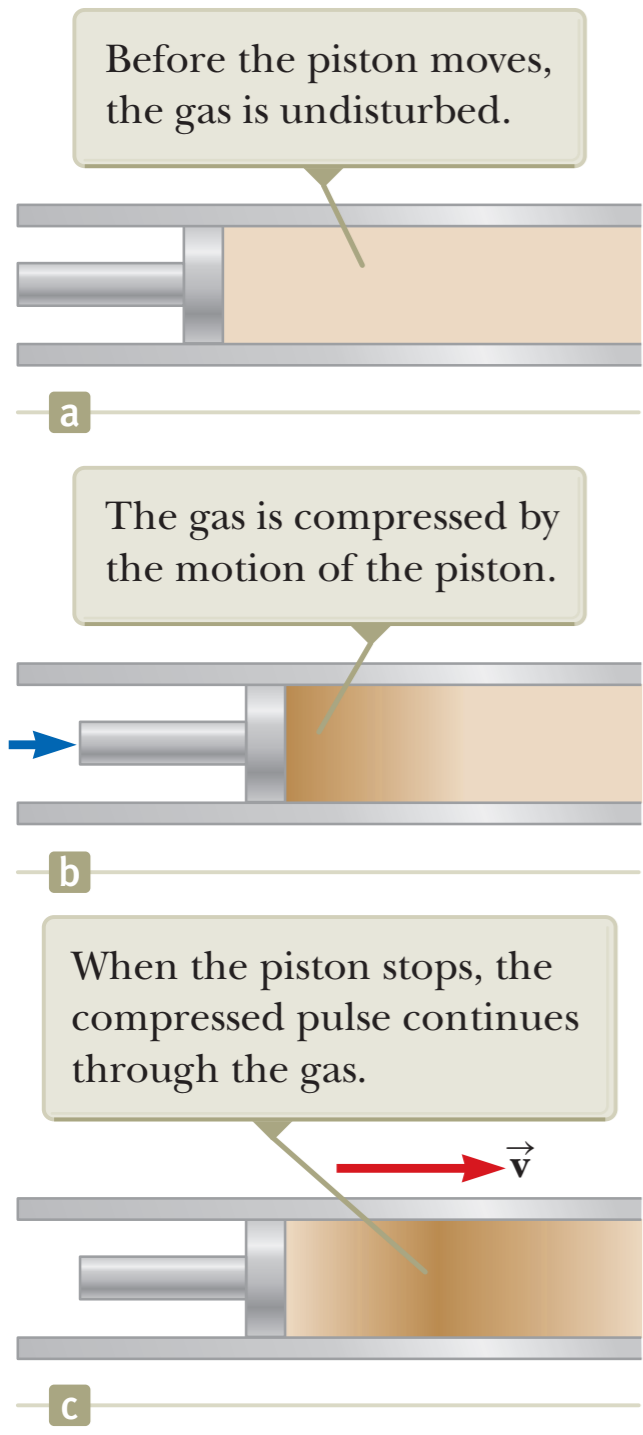


จงพิสูจน์กฎการอนุรักษ์พลังงาน ในกรณีที่คลื่นสองขบวนวิ่งสวนทางกัน
แล้วเกิดเป็นคลื่นสถิต

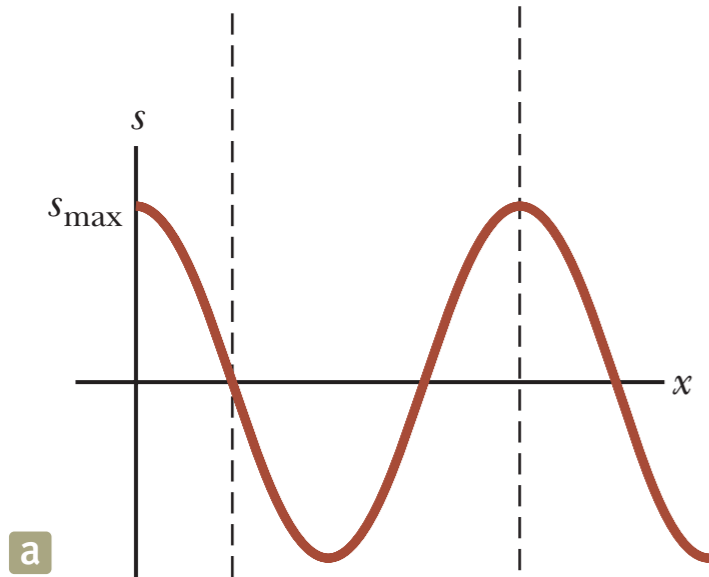
คลื่นเสียง



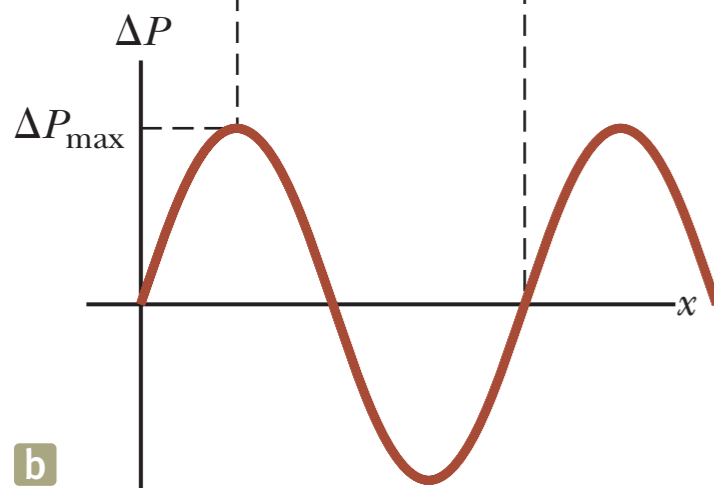
การกระจัดสูง การกระจัดต่ำ
 ความดันต่ำ ความดันสูง



คลื่นเสียง

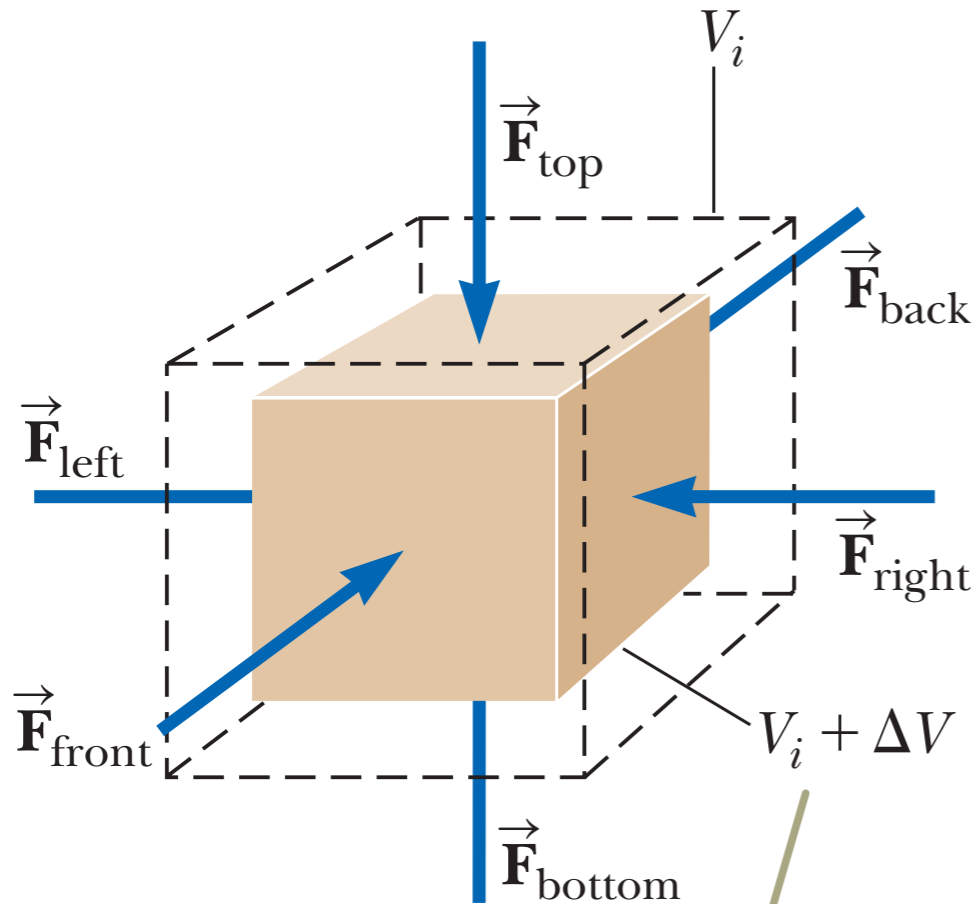


$$s(x, t) = s_{\max} \cos(kx - \omega t)$$



$$\Delta P = \Delta P_{\max} \sin(kx - \omega t)$$

Bulk Modulus

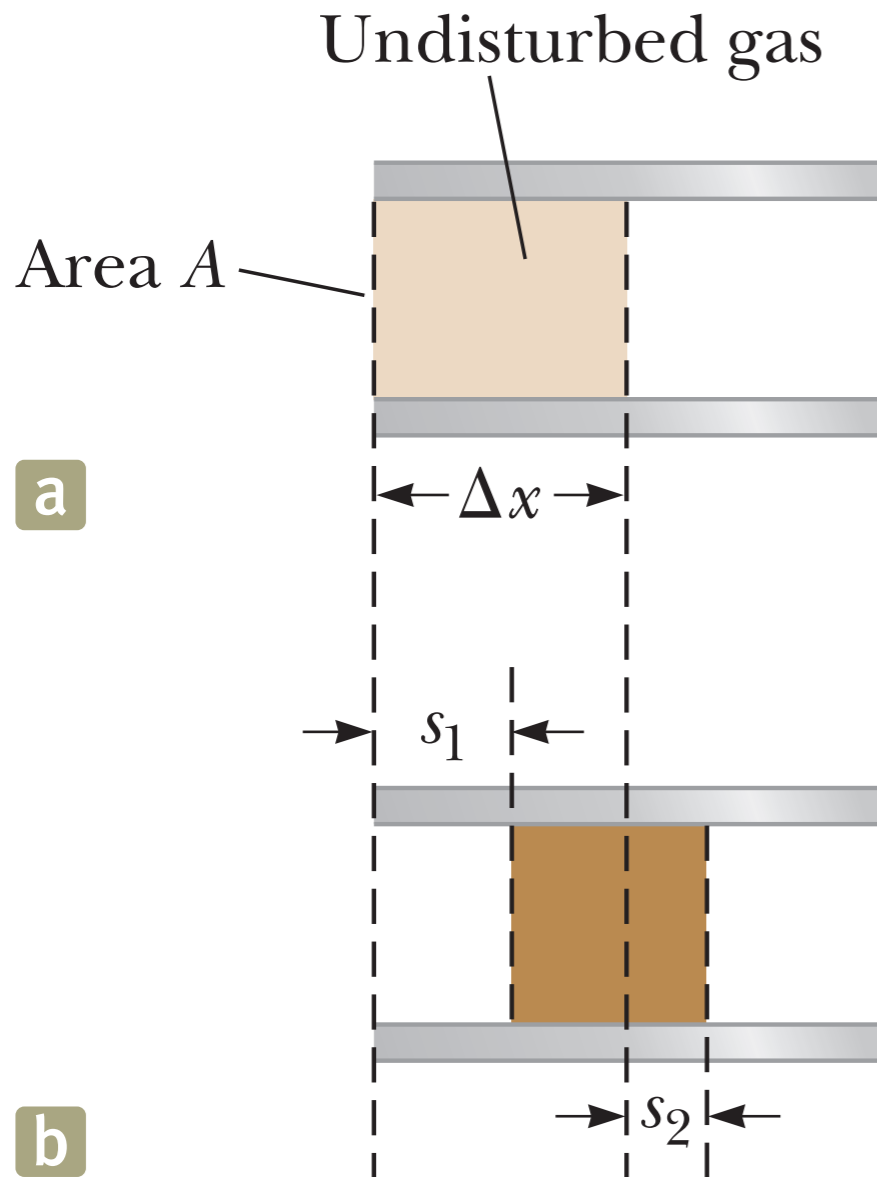


The cube undergoes a change in volume but no change in shape.

การเปลี่ยนแปลง
ของความดัน

$$B \equiv \frac{\text{volume stress}}{\text{volume strain}} = - \frac{\Delta F / A}{\Delta V / V_i} = - \frac{\Delta P}{\Delta V / V_i}$$

การเปลี่ยนแปลง
ของปริมาตร

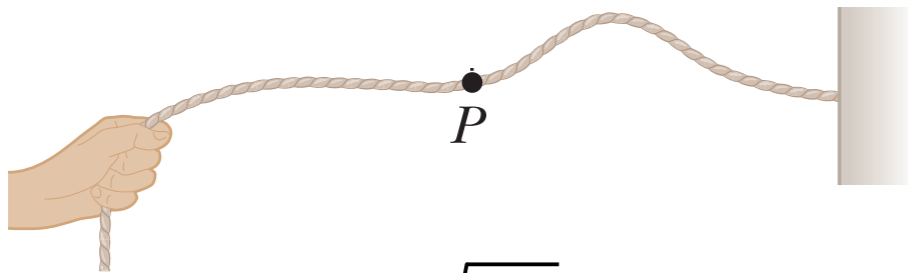


$$\begin{aligned} \Delta P &= -B \frac{\Delta V}{V_i} \\ &= -B \frac{A \Delta s}{A \Delta x} \\ &= -B \frac{\partial s}{\partial x} \leftarrow s(x, t) = s_{\max} \cos(kx - \omega t) \\ &= B s_{\max} k \sin(kx - \omega t) \end{aligned}$$

อัตราเร็วของคลื่น



$$v = \sqrt{\frac{\text{elastic property}}{\text{inertial property}}}$$



$$\sqrt{\frac{T}{\mu}}$$



$$\sqrt{\frac{B}{\rho}}$$

ความเข้มเสียงและเดซิเบล (Intensity & Decibel)



ความเข้มเสียงนิยามโดย

$$I = \frac{P}{A}$$

อัตราพลังงานส่งผ่านพลังงาน
พื้นที่ซึ่งเสียงตกกระทบ

$$I = \frac{1}{2} \rho v \omega^2 s_{\max}^2$$

ระดับเสียงนิยามโดย

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0}$$

$$I_0 = 1.0 \times 10^{-12} \text{ W/m}^2$$

ตัวอย่าง - 10



เครื่องจักรสองเครื่องวางห่างจากคนทำงานเป็นระยะทางเท่ากัน โดยแต่ละเครื่อง ให้ความเข้มเสียงบริเวณที่คนทำงานเท่ากับ $2.0 \times 10^{-7} \text{ W/m}^2$

- (1) จงหาระดับเสียงที่คนทำงานจะได้ยินเมื่อเครื่องจักรเครื่องที่หนึ่งทำงาน
- (2) จงหาระดับเสียงที่คนทำงานจะได้ยินเมื่อเครื่องจักรทั้งสองเครื่องทำงาน

ดอปเปลอร์ (Doppler)



เมื่อต้นกำเนิดเสียงและผู้สังเกตมีการเคลื่อนที่สัมพัทธ์กัน ผู้สังเกตจะได้รับคลื่นที่มีความถี่ต่างไปจากการการที่ต้นกำเนิดเสียงและผู้สังเกตอยู่นิ่ง

v = ความเร็วเสียง

v_o = ความเร็วของผู้สังเกต

v_s = ความเร็วของแหล่งกำเนิด

แหล่งกำเนิดเสียงอยู่นิ่ง



ผู้สังเกตอยู่นิ่ง

แหล่งกำเนิดเสียงเคลื่อนที่

ผู้สังเกตเคลื่อนที่

Doppler: Source is moving



Moving source

ความเร็วของคลื่นขึ้นอยู่กับตัวกลางเท่านั้น
ไม่ได้เปลี่ยนไปเพราะ Source เคลื่อนที่

Wave speed

Stationary observer



Source speed v_s

$$\lambda' = \lambda \mp v_s T$$

$$= \lambda \mp \frac{v_s}{f}$$

$$f' = \frac{v}{\lambda'}$$

$$= \frac{v}{\lambda \mp \frac{v_s}{f}}$$

$$= f \frac{v}{\lambda f \mp v_s}$$

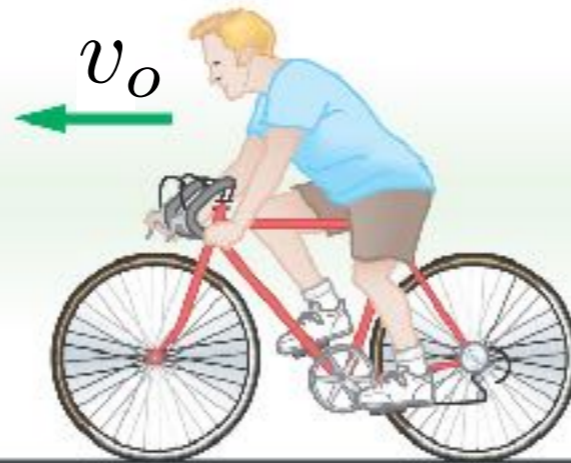
$$= f \frac{1}{1 \mp \frac{v_s}{v}}$$

- คือ Source วิ่งเข้าหาเรา
+ คือ Source วิ่งออกจากเรา

Doppler: Observer is moving



ความยาวคลื่นไม่เปลี่ยนแปลง



(a)

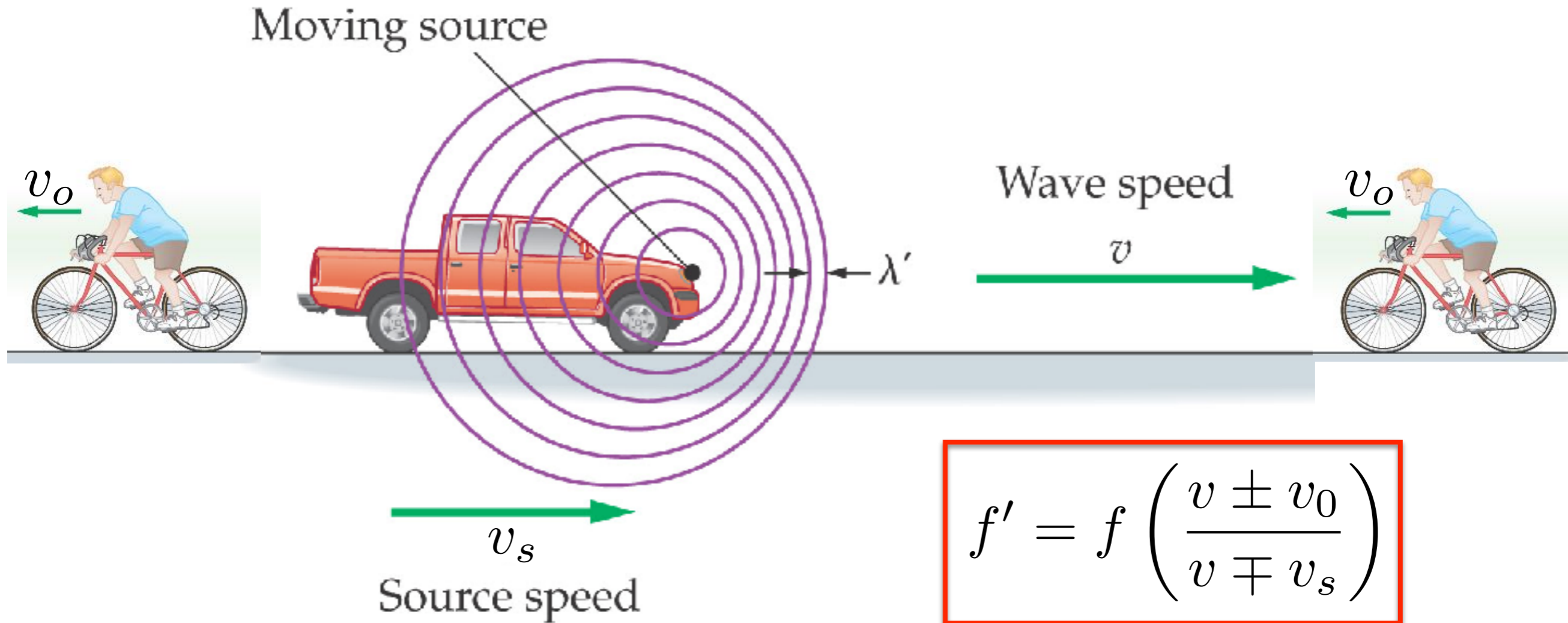


(b)

+ คือเราวิ่งเข้าหา Source
- คือเราวิ่งออกจาก Source

$$\begin{aligned} f' &= \frac{v \pm v_0}{\lambda} \\ &= f \frac{v \pm v_0}{v} \\ &= f \left(1 \pm \frac{v_0}{v} \right) \end{aligned}$$

Doppler: General case



ดูสถานการณ์ให้ดี อะไรวิ่งยังไง

ใช้ **Common sense**

เวลา **Source** วิ่ง ความถี่ที่เข้าหาเราเป็นอย่างไร
 เวลาเราวิ่งเข้าหา **Source** ความถี่จะเป็นอย่างไร

- v_s คือ Source วิ่งเข้าหาเรา
- + v_s คือ Source วิ่งออกจากเรา
- + v_o คือเราวิ่งเข้าหา Source
- v_o คือเราวิ่งออกจาก Source

ตัวอย่าง - 11



นักประดาน้ำกลุ่ม ก ว่ายน้ำไปด้วยความเร็ว 8 m/s และปล่อยคลื่นโซนาร์ (SONAR, SOund Navigation And Ranging) ด้วยความถี่ 1400 Hz ให้ความเร็วในการเคลื่อนที่ของเสียงใต้น้ำเป็น 1533 Hz จงหาว่า

(1) เมื่อมีกลุ่มนักประดาน้ำ ข ว่ายน้ำเข้าหากกลุ่ม ก ด้วยความเร็ว 9 m/s ความถี่ของคลื่นโซนาร์ที่กลุ่ม ข จะรับได้มีค่าเท่าใด

(2) หากทั้งสองกลุ่มคลาดกัน และว่ายออกห่างจากกัน ความถี่ของคลื่นโซนาร์ที่กลุ่ม ข จะรับได้มีค่าเท่าใด

Supersonic speed



สูตรของ Doppler จะไม่สามารถใช้ได้เมื่อ v_o, v_s เคลื่อนที่เร็วกว่าคลื่น

- พิจารณาเมื่อ Observer เคลื่อนที่เร็วกว่าเสียง

- พิจารณาเมื่อ Source เคลื่อนที่เร็วกว่าเสียง → Supersonic

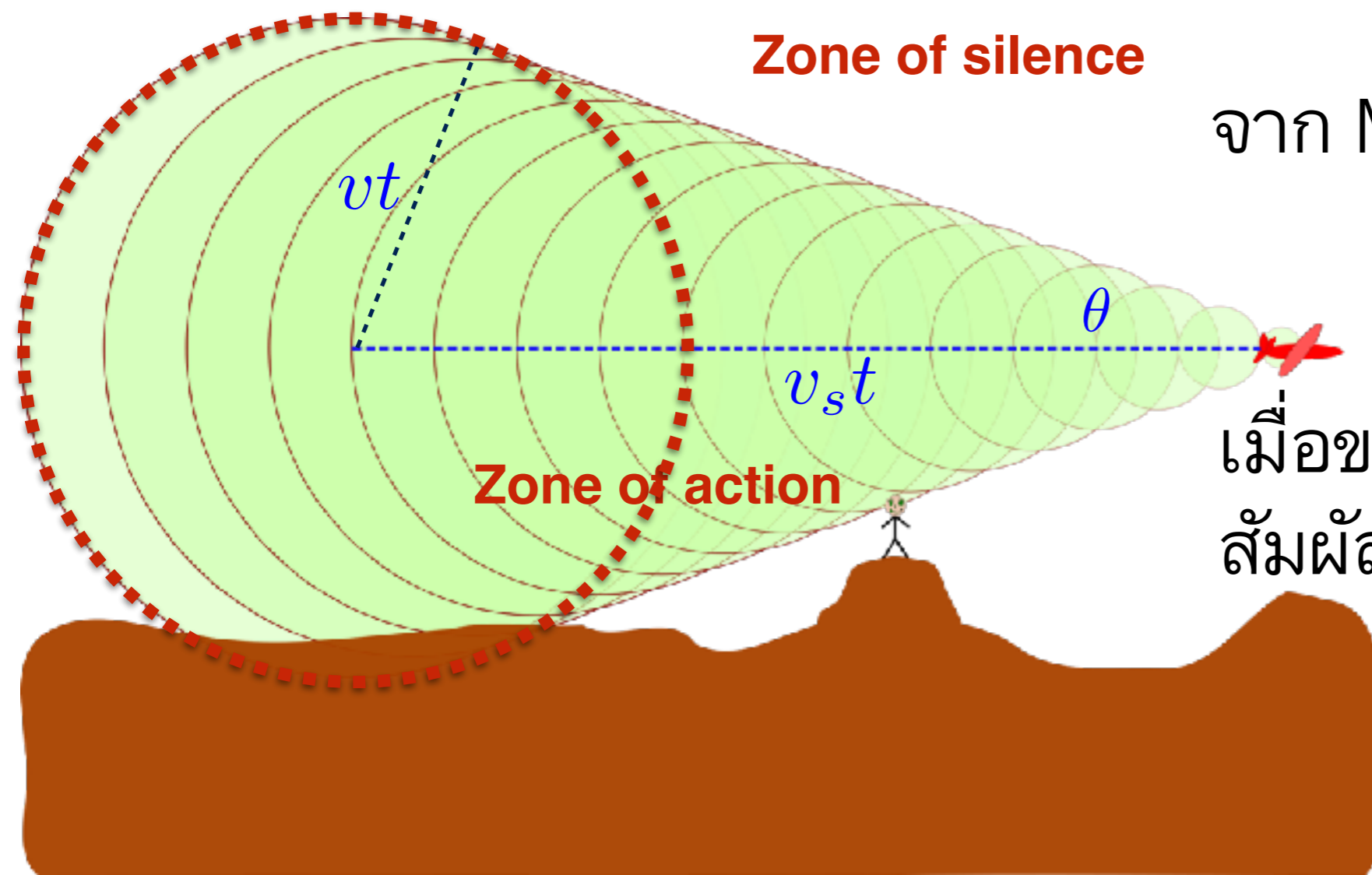
$$\text{Mach number } M \equiv \frac{v_s}{v}$$

จาก Mach cone

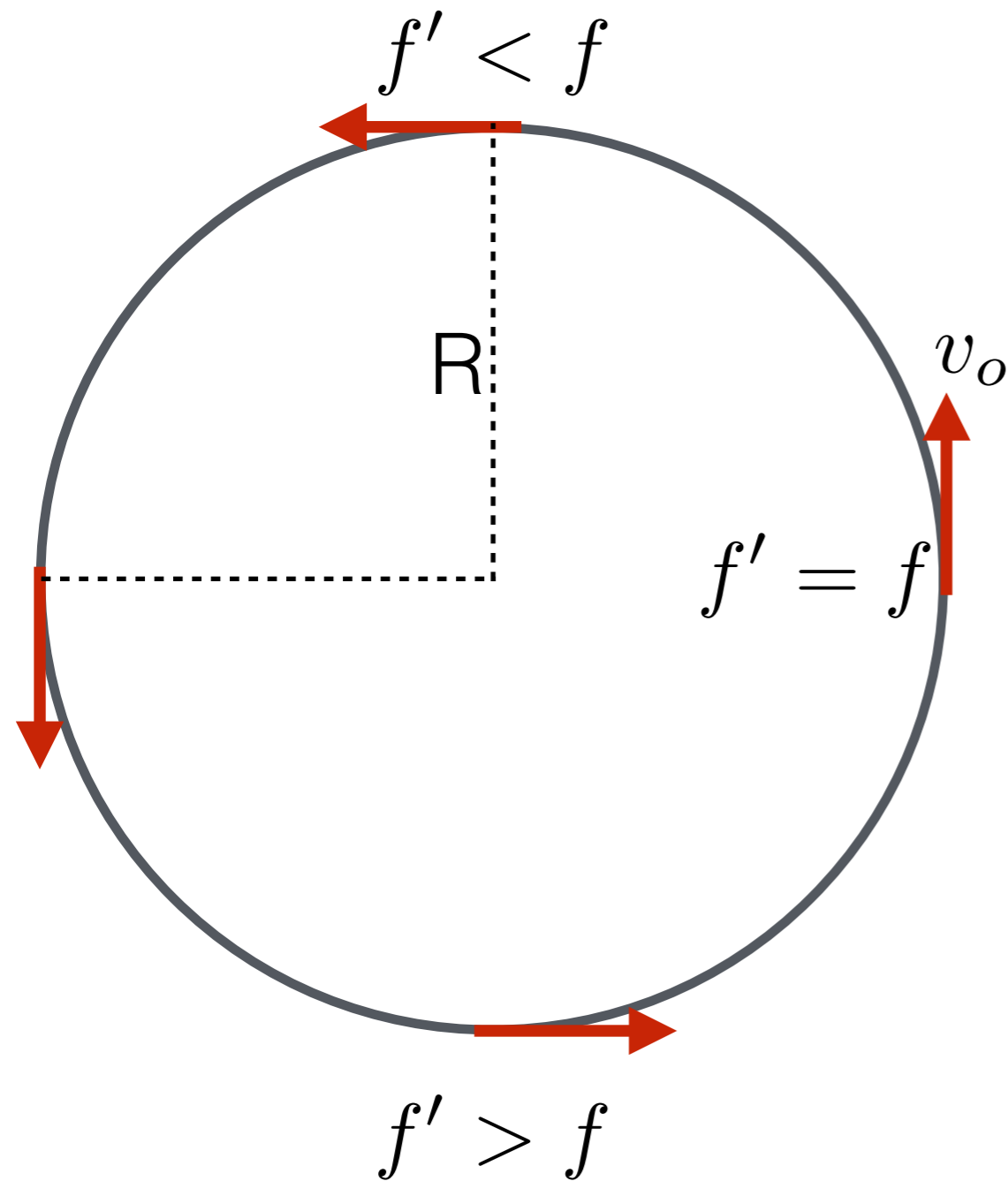
$$\sin \theta = \frac{vt}{v_s t} = \frac{1}{M}$$

เมื่อขอบของ Mach cone

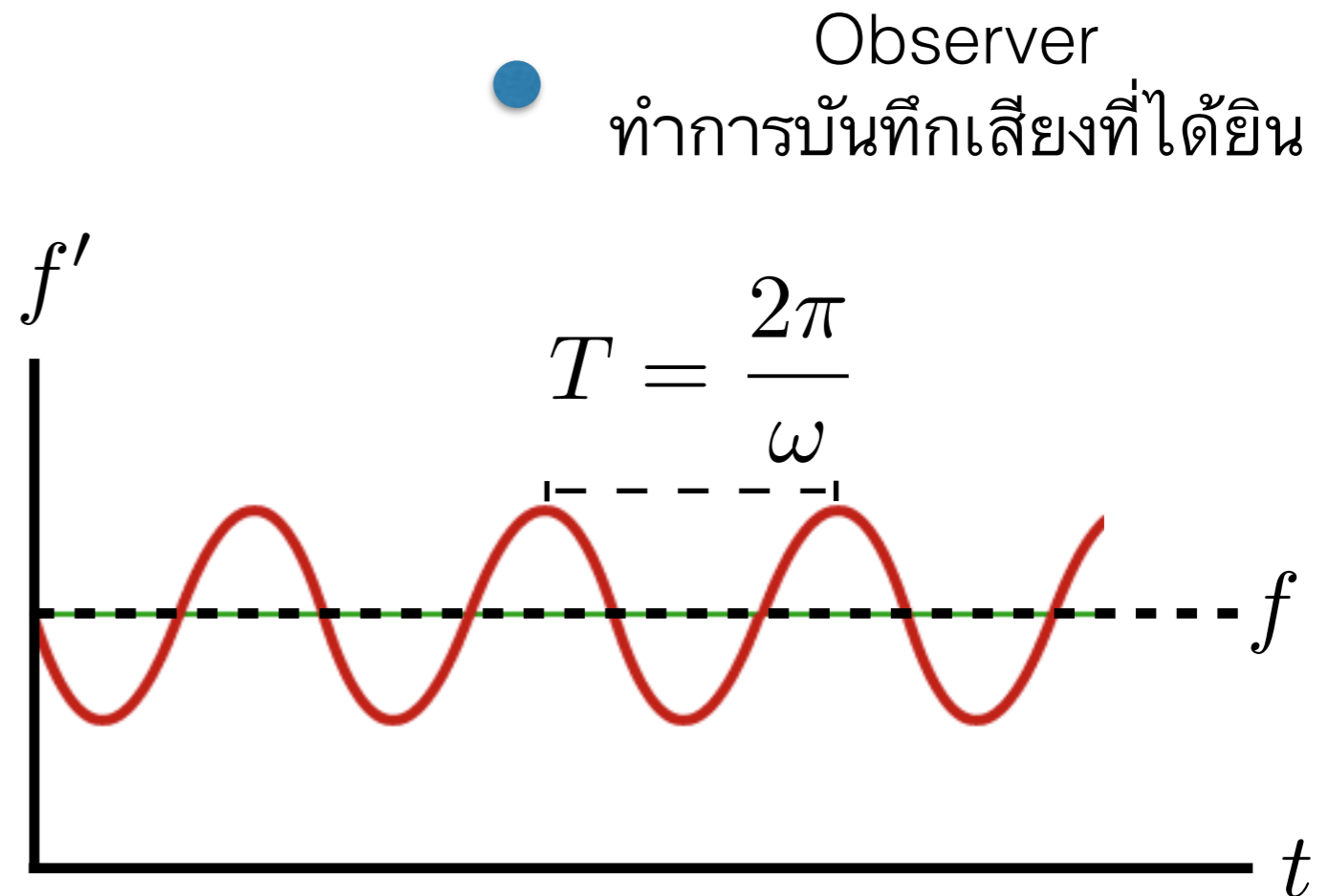
สัมผัสกับพื้นผิว → Sonic boom



More on doppler



พิจารณาเมื่อ Source เคลื่อนที่เป็นวงกลมด้วยความเร็วเชิงมุม ω คงที่



จากที่เราบันทึก เราสามารถหาค่า T , v_s , R
ประยุกต์ใช้กับงานด้านดาราศาสตร์ (ต้องการ Special relativity)